



## Game Theory and the Self-Interested Nash Equilibrium against the Altruistic Berge Equilibrium in the Framework of the Ethical Perspective

Davoud Mahmoudinia<sup>1</sup>  , Somayeh Jafari<sup>2</sup>   
Davoud Foroutannia<sup>3</sup> 

1. Department of Economics Vali-e-Asr University of Rafsanjan, Rafsanjan, Iran (Corresponding author).

[davoud.mahmoudinia@gmail.com](mailto:davoud.mahmoudinia@gmail.com)

2. PhD in Economics, Allameh Tabataba'i University, Tehran, Iran.

[somayehj99@gmail.com](mailto:somayehj99@gmail.com)

3. Department of Mathematics, Vali-e-Asr University of Rafsanjan, Rafsanjan, Iran.

[forutan@vru.ac.ir](mailto:forutan@vru.ac.ir)

Received: 2024/08/04; Accepted: 2024/11/05

### Extended Abstract

Game theory is based on assumptions about players' preferences and their mutual expectations about the behavior of others. From this set of assumptions, game theorists make predictions about game outcomes and interactions between players. The basis of this theory was analyzed by Von Neumann and Morgenstern (1944) in a book titled "Game Theory and Economic Behavior", and then John Nash developed this theory between 1950-1953. On the other hand, ethics is a normative discipline that is obtained from reflection on moral behavior and attitudes. The relationship between the ethical approach and game theory is considered as two emerging areas in research and study activities in social sciences and humanities. The application of game theory in ethics dates back to 1954, when Richard Braithwaite (1954) gave a lecture on "Game Theory as a Tool for Moral Philosophy".

There are two very important concepts related to game theory and ethics, which are related to altruistic (altruistic) behaviors or preferences or behaviors based on personal interest. However, in the framework of the ethical approach, self-interested preferences are known as the approach of egoism or individual rationality, and altruistic behavior is known as the approach of others or group rationality. The concepts of self-interest and altruism are at the center of all kinds of philosophical and social discussions, and their roots go back to the sophists and philosophers of ancient Greece, who considered "self" to be the center of moral issues.



Copyright: © 2024 by the authors. Submitted for possible open access publication under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) License (<https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>).


**Original Article**

**Method:** One of the important concepts in game theory when modeling socio-economic behavior and human interactions is the concept of Nash equilibrium, which was founded by John Nash (1950,1951). This equilibrium is considered a solution concept in a non-cooperative game, and in the economic literature, this concept corresponds to the perspective of self-interest.

**Definition** The strategy profile  $s^* = (s_1^*, \dots, s_n^*)$  is a Nash equilibrium of  $G$  if and only if, for all players and  $i \in N$  and all  $s_i \in S_i$

$$u_i(s^*) \geq u_i(s_i, s_{-i}^*)$$

While the Nash equilibrium is based on selfishness or individualism, that is, each player aims to maximize her efficiency, Berge equilibrium is based on altruism, so that the goal of each player is to maximize the benefit of all other players.

**Definition 2:** A strategy profile  $s^* = (s_1^*, \dots, s_n^*)$  is a Berge equilibrium of  $G$  if and only if, for all players  $i \in N$  and all  $s_{-i} \in S_{-i}$

$$u_i(s^*) \geq u_i(s_i^*, s_{-i})$$

An adjusted logistic function was used to design a game between two policymakers. This approach reflects the interdependence between economic growth and inflation on one hand, and macroeconomic policy tools, such as monetary and financial policies, on the other hand. The basic logistic function can be displayed in the following form:

$$(1) f(x) = k / (1 + \theta e^{(-\varphi(x - x_0))})$$

Based on this equation,  $k$  represents the maximum value of the curve and  $\varphi$  is the logistic growth rate and slope of the curve. Also, in this equation, when  $\theta > 0$ , the function is uniform, and on the other hand, the range of changes of the function is in the  $[0, k]$  interval.

**Results:** Therefore, in this study, we investigated the analysis of self-interested and altruistic views in the framework of game theory literature and ethical approaches. We are looking for an answer to the question, which of these two views can bring more social benefits for the whole society? However, the examination of the equilibrium in some famous games shows that the Berge equilibrium, which confirms the golden rule in ethics, can bring higher social welfare and welfare to the whole society, which is in accordance with Islamic views. By examining the Nash equilibrium and the Berge equilibrium, it can be shown that in this two-policy game, the Nash equilibrium is where the central bank adopts a contractionary monetary policy strategy and the government adopts a contractionary fiscal policy strategy, and therefore the inflation rate is equal to 0.0934 and economic growth is 0.0817. On the other hand, in the Berge equilibrium, it is where the central bank sets a contractionary monetary policy and the government sets an expansionary fiscal policy, and hence inflation is equal to 0.0928 and economic growth is equal to 0.0802.

**Discussion and Conclusion:** In recent centuries, the principle of personal benefit, which is derived from Adam Smith's point of view, has been proposed as a moral and rational principle in individual and collective decision-making. Nash equilibrium is also proposed by John Nash following the same point of view, in which each player tries to achieve the best outcome against his opponent based on his personal interest and utility. It is also referred to as the point of view of individual rationality or egoism in ethics. However, studies have shown that pursuing personal benefit does not lead to the achievement of the highest utility and outcome, and hence Berge introduces an equilibrium known as altruistic equilibrium, which is opposed to Nash equilibrium. Also, from a moral point of view, this type of balance is also known

**Original Article**

as group rationality or otherism. In Islamic viewpoints, there is a lot of emphasis on altruistic, selfless, and altruistic behaviors. Therefore, in this study, we investigated the concept of Nash equilibrium and Berge equilibrium in some important and practical games in human sciences, which have important applications in economics, political science, etc. The results of this research show that in many of these important and famous games, altruistic equilibrium following the golden rule and mutual support between players have positive effects on the welfare of society compared to Nash equilibrium. On the other hand, in this study, within the framework of the logistic function, the game between the two monetary and financial policymakers was examined from an empirical aspect, and its results show that in Berge equilibrium, i.e., in the altruistic game between the two policymakers, the level of inflation relative to the Nash equilibrium is stabilized in a lower state.

**Keywords:** Game theory, Ethics, Nash equilibrium, Berge equilibrium, Utility.

**Acknowledgements:** In this section, I would like to express my gratitude for the efforts of the executive team and the respected referees of the Journal of Economic Essays: An Islamic Approach.

**JEL classification:** C70, P40.

---

**Cite this article:** Davoud Mahmoudinia & Somayeh Jafari & Davoud Foroutannia. (2024), "Game Theory and the Self-Interested Nash Equilibrium against the Altruistic Berge Equilibrium in the Framework of the Ethical Perspective", Economic Essays, 21(43): 25-48.

---



نوع مقاله: پژوهشی

## نظريه بازی‌ها و تعادل نش منفعت‌طلبانه در برگ نوع دوستانه در چارچوب رویکرد اخلاقی

داؤد محمودی‌نیا<sup>۱</sup> ، سمیه جعفری<sup>۲</sup> داؤد فروتن‌نیا<sup>۳</sup>

۱. دانشیار، گروه اقتصاد، دانشگاه ولی‌عصر(عج)، رفسنجان، ایران (نویسنده مسئول).

[davoud.mahmoudinia@gmail.com](mailto:davoud.mahmoudinia@gmail.com)

۲. دکترای اقتصاد، دانشگاه علامه طباطبائی، تهران، ایران.

[somayehj99@gmail.com](mailto:somayehj99@gmail.com)

۳. دانشیار، گروه ریاضی، دانشگاه ولی‌عصر(عج)، رفسنجان، ایران.

[foroutan@vru.ac.ir](mailto:foroutan@vru.ac.ir)

تاریخ دریافت: ۱۴۰۲/۰۵/۱۴؛ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۳/۰۸/۱۵

### چکیده گسترده

مقدمه و اهداف: نظریه بازی بر فرضیات مربوط به ترجیحات بازیکنان و انتظارات متقابل آنها در مورد رفتار دیگران بنیان نهاده شده است. از این مجموعه مفروضات، نظریه پردازان بازی پیش‌بینی‌هایی در مورد نتایج بازی و تعاملات بین بازیکنان را انجام می‌دهند. پایه و اساس این نظریه توسعه فن نیومون و مورگسترن<sup>۱</sup> (۱۹۴۴) در کتابی با عنوان «نظریه بازی و رفتار اقتصاد» موردن تحلیل قرار گرفت و سپس جان نش در بین سال‌های ۱۹۵۳-۱۹۵۰ به توسعه این تئوری پرداخت. در مقابل، اخلاق<sup>۲</sup> یک رشته هنگاری است که از تأمل در رفتار و نگرش اخلاقی به دست می‌آید و ارتباط بین رویکرد اخلاقی و نظریه بازی‌ها به عنوان دو حوزه نوظهور در فعالیت‌های پژوهشی و مطالعاتی در علوم اجتماعی و علوم انسانی محسوب می‌گردد. کاربرد نظریه بازی‌ها در اخلاق به سال ۱۹۵۴ بر می‌گردد، زمانی که ریچارد بریتوی<sup>۳</sup> (۱۹۵۴) در ارتباط با «نظریه بازی‌ها به عنوان ابزاری برای فلسفه اخلاقی» سخنرانی ارائه کرد. دو مفهوم بسیار مهم در ارتباط با نظریه بازی و اخلاق وجود دارد که مربوط به رفتارها یا ترجیحات نوع دوستانه (ایثارگرانه) و یا رفتار مبتنی بر نفع شخصی<sup>۴</sup> می‌باشد. با این حال در چارچوب رویکرد اخلاقی ترجیحات منفعت طلبانه به رویکرد خودگرایی<sup>۵</sup> یا عقلانیت فردی<sup>۶</sup> و همچنین رفتار نوع دوستانه به رویکرد دیگرگرایی<sup>۷</sup> یا عقلانیت گروهی<sup>۸</sup> معروف هستند. مفهوم نفع شخصی و نوع دوستی در مرکز انواع مباحث فلسفی و



Copyright: © 2024 by the authors. Submitted for possible open access publication under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) License (<https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>).

2. Von Neumann & Morgenstern
3. Theory of Games and Economic Behavior
4. Ethics
5. Richard Braithway
6. elf-Interest
7. Egoism
8. Individual rationality
9. Altruistic behavior
10. Group rationality



## نوع مقاله: پژوهشی

اجتماعی قرار دارند و ریشه‌های آن به سوفیست‌ها<sup>1</sup> و فیلسوفان یونان باستان بر می‌گردد که «خود» را مرکز مسائل اخلاقی می‌دانستند.

روش: یکی از مفاهیم مهم در نظریه بازی‌ها هنگام مدل‌سازی رفتار اجتماعی-اقتصادی و تعاملات انسانی مفهوم تعادل نش است که توسط جان نش (۱۹۵۰ و ۱۹۵۱) پایه‌گذاری شد. این تعادل به عنوان یک مفهوم راه حلی در یک بازی غیرهمکارانه در نظر گرفته شده است و در ادبیات اقتصادی این مفهوم متناظر با دیدگاه نفع طلبی شخصی است که متناظر با رویکرد خودخواهانه و یا منفعت طلبی اخلاقی بر اساس دیدگاه آدام اسمیت در ارتباط با رویکرد نفع شخصی می‌باشد.

**تعریف ۱:** نمایه استراتژی  $(s_1^*, \dots, s_n^*) = s^*$  یک تعادل نش از  $G$  است اگر و فقط اگر، برای همه بازیکنان و  $i \in N$  و همه  $s_i \in S_i$   $u_i(s^*) \geq u_i(s_i, s_{-i}^*)$

در حالی که تعادل نش مبتنی بر خودگرایی یا فردگرایی است یعنی هر بازیکن قصد دارد تا بازدهی خود را به حداقل برساند، تعادل برگ بر اساس نوع دوستی ارائه می‌شود به طوری که هدف هر بازیکن به حداقل رساندن سود همه بازیکنان دیگر است.

**تعریف ۲:** یک نمایه استراتژی  $(s_1^*, \dots, s_n^*) = s^*$  یک تعادل برگ از  $G$  است اگر و فقط اگر، برای همه بازیکنان  $N$  و همه  $s_{-i} \in S_{-i}$   $u_i(s^*) \geq u_i(s_i^*, s_{-i})$

از طرف دیگر برای طراحی بازی بین دو سیاست‌گذار و به منظور انعکاس و استنادگرایی متقابل بین رشد اقتصادی و تورم از یک سو و ابزارهای سیاست اقتصاد کلان از جمله سیاست‌های پولی و مالی از سوی دیگر، از یک تابع لجستیک تعديل<sup>2</sup> شده استفاده شد. تابع پایه‌ای لجستیک را می‌توان در فرم زیر نمایش داد:

$$f(x) = \frac{k}{1 + e^{-\theta(x - x_0)}} \quad (1)$$

که براساس این معادله،  $k$  نشان‌دهنده مقدار ماکریم منحنی است و  $\theta$  نرخ رشد لجستیک و شب منحنی است. همچنین در این معادله زمانی که  $0 < \theta$  است تابع یکنواخت می‌باشد و از طرفی دامنه تغییرات تابع بازه  $[0, k]$  می‌باشد.

نتایج: از این‌رو در این مطالعه به بررسی تحلیل دیدگاه‌های منفعت‌طلبانه و نوع دوستانه در چارچوب ادبیات نظریه بازی‌ها و رویکرد اخلاقی پرداختیم و به‌دلیل پاسخ به این سوال هستیم که کدام‌یک از این دو دیدگاه می‌تواند منافع اجتماعی بیشتری برای کل جامعه به همراه داشته باشد؟ با این حال بررسی تعادل در برخی بازی‌های مشهور گویای آن است که تعادل برگ که تایید کننده قاعده طلایی در اخلاق نیز است، می‌تواند مطلوبیت و رفاه اجتماعی بالاتری را برای کل جامعه به ارمغان آورد که مطابق با دیدگاه‌های اسلامی در رویکرد اخلاقی است با بررسی تعادل نش و تعادل برگ می‌توان نشان داد که در این بازی دو سیاست‌گذاری تعادل نش جایی است که بانک مرکزی استراتژی سیاست پولی اقتصادی و دولت سیاست‌مالی اقتصادی را در پیش می‌گیرد و از این‌رو میزان تورم برابر  $0.0817$  و رشد اقتصادی  $0.0934$  می‌باشد و از طرف دیگر در تعادل برگ جایی است که بانک مرکزی سیاست پولی اقتصادی و دولت سیاست‌مالی انسپاٹی را در دستور کار قرار می‌دهد و از این‌رو تورم برابر  $0.0928$  و رشد اقتصادی  $0.0802$  است.

**بحث و نتیجه گیری:** در طی قرن‌های اخیر اصل منفعت شخصی که برگرهنگ از دیدگاه آدام اسمیت است به عنوان اصول اخلاقی و عقلایی در تصمیم-گیری‌های فردی و جمعی مطرح است و تعادل نش نیز به پیروی از همین دیدگاه توسط جان نش مطرح و در آن هر بازیکن براساس نفع شخصی و سودمندی در تلاش هستند تا در مقابل رقیب خود به بهترین پیامد دست یابند که به عنوان دیدگاه عقلانیت فردی یا خودگرایی در اخلاق نیز از آن یاد می‌شود. با این حال مطالعات نشان داده‌اند که دنبال کردن منفعت شخصی، سبب دستیابی به بالاترین مطلوبیت و پیامد نمی‌شود و از این‌رو برگ تعادلی را معرفی که به عنوان تعادل نوع دوستانه یا ایثارگرانه معروف است که در مقابل تعادل نش قرار گرفته است. همچنین در دیدگاه اخلاقی این نوع تعادل به عنوان عقلانیت گروهی یا دیگرگرایی نیز شناخته شده است. در دیدگاه‌های اسلامی نیز تأکید زیاد بر رفتارهای نوع دوستانه، ایثارگرانه و اتفاق شده است. از این‌رو در این مطالعه به بررسی مفهوم تعادل نش و تعادل برگ در برخی از بازی‌های مهم و کاربردی در علوم انسانی که کاربردهای مهمی در اقتصاد، علوم سیاست و... دارد پرداختیم. نتایج حاصل از این تحقیق نشان می‌دهد که در بسیاری از این بازی‌ها مهم و مشهور تعادل نوع دوستانه و پیگیری قاعده طلایی و حمایت متقابل بین بازیکنان اثرات مثبتی بر رفاه جامعه نسبت به تعادل نش دارد. از طرف دیگری در این مطالعه در چارچوب تابع لجستیک، بازی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی از جنبه تجربی مورد بررسی قرار گرفت و نتایج آن نشان می‌دهد که در تعادل برگ یعنی در بازی نوع دوستانه بین دو سیاست‌گذار سطح تورم نسبت به تعادل نش، در وضعیت پایین‌تری تثیت می‌شود.

1. Sophists

2 Self

3 Modified logistic function



نوع مقاله: پژوهشی

واژگان کلیدی: نظریه بازی، اخلاق، تعادل نش، تعادل برگ، مطلوبیت.

طبقه بندی JEL: P40, C70

تقدیر و تشکر: در این بخش جا دارد تا از زحمات تیم اجرایی و همچنین داوران محترم فصلنامه جستارهای اقتصادی ایران با رویکرد اسلامی کمال تشکر و سپاس را داشته باشم.

استناد: داود محمودی‌نیا، سمیه جعفری، داود فروتن‌نیا (۱۴۰۳)، «نظریه بازی‌ها و تعادل نش منفعت‌طلبانه در برابر تعادل برگ نوع دوستانه در چارچوب رویکرد اخلاقی»، مجله جستارهای اقتصادی، ۲۱(۴۳): ۲۵-۴۸.

## ۱. مقدمه

نظریه بازی بر فرضیات مربوط به ترجیحات بازیکنان و انتظارات متقابل آنها در مورد رفتار دیگران بنیان نهاده شده است. از این مجموعه مفروضات، نظریه پردازان بازی پیش‌بینی‌هایی در مورد نتایج بازی و تعاملات بین بازیکنان را انجام می‌دهند (آلفانو<sup>۱</sup> و همکاران، ۲۰۱۸). پایه و اساس این نظریه توسط فن نیومن و مورگنسترن<sup>۲</sup> (۱۹۴۴) در کتابی با عنوان «نظریه بازی و رفتار اقتصاد»<sup>۳</sup> تحلیل شد و سپس جان نش در بین سال‌های ۱۹۵۰–۱۹۵۳ به توسعه این تئوری پرداخت (کورلی،<sup>۴</sup> ۲۰۱۷). در مقابل، اخلاق<sup>۵</sup> یک رشته هنجاری است که از تأمل در رفتار و نگرش اخلاقی به دست می‌آید و ارتباط بین رویکرد اخلاقی و نظریه بازی‌ها به عنوان دو حوزه نوظهور در فعالیت‌های پژوهشی و مطالعاتی در علوم اجتماعی و علوم انسانی محسوب می‌شود. کاربرد نظریه بازی‌ها در اخلاق به سال ۱۹۵۴ بر می‌گردد؛ زمانی که ریچارد بریتوی<sup>۶</sup> (۱۹۵۴) در ارتباط با «نظریه بازی‌ها به عنوان ابزاری برای فلسفه اخلاقی» سخنرانی کرد. نظریه بازی‌ها اندیشمندان را قادر می‌سازد تا نگرش‌های ریاضی را در مسائل اخلاقی خود استفاده کنند. بینمور (۱۹۹۴)<sup>۷</sup> می‌نویسد: می‌توان از نظریه بازی برای مدل‌سازی رفتار عوامل نوع دوستانه<sup>۸</sup> و همچنین، رفتار عوامل خودخواهانه<sup>۹</sup> استفاده کرد.

دو مفهوم بسیار مهم در ارتباط با نظریه بازی و اخلاق وجود دارد که مربوط به رفتارها یا ترجیحات نوع دوستانه (ایشارگرانه) یا رفتار مبتنی بر نفع شخصی<sup>۱۰</sup> می‌باشد. باوجود این، در چارچوب رویکرد اخلاقی ترجیحات منفعت‌طلبانه به رویکرد خودگرایی<sup>۱۱</sup> یا عقلانیت فردی<sup>۱۲</sup> و همچنین، رفتار نوع دوستانه به رویکرد دیگرگرایی<sup>۱۳</sup> یا عقلانیت گروهی<sup>۱۴</sup> معروف هستند. آلجر و ویبال<sup>۱۵</sup> (۲۰۱۷) معتقدند تعداد کمی از انسان‌ها صرفاً با دستاوردهای شخصی خود انگیزه حاصل می‌نمایند و بیشتر آنها انگیزه‌های پیچیده‌تری دارند که معمولاً شامل برخی ملاحظات اخلاقی، دغدغه عدالت یا عنصر نوع دوستی یا حتی کینه‌توزی یا حسادت نسبت به دیگران است و براساس این رویکرد رفتار ایشارگرانه و نوع دوستانه نقش مهمی در افزایش عایدی در تابع رفاه اجتماعی دارد.

با وجود این، در فلسفه اخلاقی دیدگاه متفاوت نیز وجود دارد. براساس دیدگاه هابز، خودپرستی پایه درستی برای زندگانی اخلاقی و سیاستی است و طبیعت بشر به طور اساسی خودخواه تلقی می‌شود و از این رو بی معناست که از مردم بخواهیم نوع دوست یا ایشارگر باشند (پویمان، ۱۳۷۸). آدام اسمیت در کتاب مهم خود یعنی ثروت ملل<sup>۱۶</sup> (۱۹۷۶) اصل نفع طلبی را مطرح کرد؛ به طوری که براساس دیدگاه او رفع نیازهای افراد در جامعه معلوم نیکوکاری و خیرخواهی دیگران نیست؛ بلکه به سبب منفعت شخصی خودشان می‌باشد. با وجود این، خود آدام اسمیت نیز فکر می‌کرد که انسان‌ها در واقع دغدغه‌ها و انگیزه‌های پیچیده‌تر و اغلب اجتماعی‌تری دارند؛ موضوعی که در کتاب نظریه احساسات اخلاقی<sup>۱۷</sup> (۱۷۵۹) توسط وی توسعه یافت. معمولاً اعتقاد بر این است که اگر عنصر نوع دوستی (ایشارگری) یا اخلاق به منافع شخصی فعالان اقتصادی اضافه شود، نتایج و پیامدها برای تمامی بازیگران در فعالیت‌های اقتصادی بهبود می‌یابد (آلجر و ویبال، ۲۰۱۷).

1. Alfano et al

2. Von Neumann & Morgenstern

3. Theory of Games and Economic Behavior

4. Corley

5. Ethics

6. Richard Braithwaite

7. Binmore

8. Altruistic

9. Selfish

10. Self-Interest

11. Egoism

12. Individual rationality

13. Altruistic behavior

14. Group rationality

15. Alger & Weibull

16. Pojman

17. The Wealth of Nations

18. Theory of Moral Sentiments

۲۰۱۷). آمارتیا سن<sup>۱</sup> (۱۳۷۷)، یکی از اقتصاددانان حامی ورود اخلاق در علم اقتصاد، معتقد است که در اقتصاد متعارف انگیزه‌ها براساس نفع شخصی و مصرف فردی است و از این‌رو، رفتارهایی که نشان‌دهنده نوعی همدردی، کمک، بخشش وغیره می‌باشند می‌توانند دلالتی بر توجیه دخالت اخلاقیات در علم اقتصاد را تأیید کنند.

براساس دیدگاه‌های مربوط به فلسفه اخلاق اقتصادی، در نظریه بازی نیز در دستیابی به تعادل با وضعیت‌های مشابه براساس تحلیل-های منفعت‌طلبانه و نوع دوستانه سروکار داریم. دو تقسیم مهم در نظریه بازی وجود دارد که یکی شامل بازی‌های غیرهمکارانه<sup>۲</sup> و دیگری بازی‌های همکارانه<sup>۳</sup> است. مفهوم تعادلی در یک بازی غیرهمکارانه توسط نش<sup>۴</sup> (۱۹۵۰) ارائه شد که براساس این فرض می‌شود بازیکنان خودخواه هستند و دنبال منافع شخصی خود می‌باشند و این دیدگاه تعادلی برای یک دهه به عنوان یک مدل تعادلی پایه‌ای در نظریه بازی استفاده می‌شد (کورلی،<sup>۵</sup> ۲۰۱۷) و این تعادل در چارچوب فلسفه اخلاقی متناظر با رفتار نفع شخصی و رویکرد عقلانیت فردی می‌باشد. با وجود این، براساس مطالعه چاکروارتی و همکاران<sup>۶</sup> (۲۰۱۵) و کالمون و همکاران<sup>۷</sup> (۲۰۱۱) تعادل نش ممکن است در بازی‌های مختلف دارای جواب بهینه نباشد و از این‌رو، در برخی بازی‌ها بهینه پارتی<sup>۸</sup> نیست؛ به عنوان مثال در بازی مهم معماهی زندانی.<sup>۹</sup>

در مقابل ایده نش، مفهوم تعادل بِرگ<sup>۱۰</sup> مطرح شده است که متناظر با رفتار نوع دوستانه در چارچوب فلسفه اخلاق می‌باشد؛ به طوری که در تعادل بِرگ هر بازیکن به دنبال حداکثر کردن سود همه بازیکنان دیگر می‌باشد و از این‌رو، اهدافی کاملاً متصاد با تعادل نش دارد (زاپاتا و همکاران،<sup>۱۱</sup> ۲۰۲۴). سالوکوادزه و ژوکوسکی<sup>۱۲</sup> (۲۰۲۰) نشان دادند که مفهوم تعادل بِرگ تداعی کننده مفهوم قاعده طلایی<sup>۱۳</sup> در فلسفه اخلاق است که بیان می‌کند: «با دیگران همان‌طور رفتار کن که دوست داری آنها با تو رفتار کنند». اصول قواعد اسلامی نیز با دیدگاه‌های نوع دوستانه و ایشارگرانه هم جهت و همسو است؛ به طوری که قاعده طلایی در سخنان امام حسن (ع) نمایان است که می‌فرماید: «با مردم به گونه‌ای رفتار کن که دوست داری با تو آن‌گونه رفتار کنند»<sup>۱۴</sup> (دیلمی، ۱۳۶۷).

با توجه به مطالب پیش‌گفته، هدف این تحقیق آن است تا براساس دیدگاه اخلاقی و در چارچوب نظریه بازی، به بررسی و دلالت‌های رویکردهای منفعت‌طلبانه براساس تعادل نش و رویکرد نوع دوستانه براساس تعادل بِرگ بپردازیم و به دنبال پاسخ به این سؤال هستیم که کدامیک از این دو دیدگاه می‌تواند منافع اجتماعی بیشتری برای جامعه و اقتصاد به همراه داشته باشد و اینکه آیا این دو مفهوم تعادلی در برخی بازی‌های مهم و معروف پاسخ‌های متفاوتی خواهند داشت یا خیر و کدامیک با رویکرد اخلاقی و عقلانی سازگارترند؟ همچنین، درادامه این دو تعادل در چارچوب بازی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی از جنبه تجربی بررسی می‌شوند.

## ۲. نظریه بازی‌ها و اخلاق

زنگی اجتماعی ما با طیف گسترده‌ای از تضادها و همکاری‌ها میان بازیکنان در بازی روبرو است. این بازیکنان می‌توانند با هم همکاری و در کنار یکدیگر تعامل برقرار کنند و با پیچیده‌تر شدن این تعاملات اندیشمندان در شاخه‌های مختلف از علوم تلاش‌های قابل توجهی را برای درک این تضادها و همکاری‌ها شکل دادند و نظریه بازی قادر به پاسخ‌گویی و درک این سؤالات است ( محمودی‌نیا و همکاران،

1. Sen

2. Non-Cooperative game

3. Cooperative game

4. Nash

5. Corley

6. Chakravarty et al.

7. Colman et al

8. Pareto optimal

9. Prisoner's dilemma

10. Berge Equilibrium

11. Zapata et al.

12. Salukvadze & Zhukovskiy

13. The Golden rule

۱۴. صاحب‌النأس میلَّ ما تُحِبُّ أَنْ يُصَاحِبَكَ بِهٖ

۱۳۹۶). براساس تعریف، نظریه بازی‌ها یک نظریه ریاضی است که به مدل‌های تعارض و همکاری می‌پردازد و کاربردهای زیادی در اقتصاد و دیگر علوم اجتماعی و در زیست‌شناسی تکاملی دارد.

نظریه بازی‌های معاصر به دو صورت تحلیل شده است:

(الف) نظریه بازی‌های غیرهمکارانه؛

ب) نظریه بازی‌های همکارانه. باوجوداین، به طورگسترده‌ای مشهود است که انسان‌ها یک گونه تعاقنی هستند و مردم تمایل به همکاری در بسیاری از محیط‌های اقتصادی و اجتماعی با یکدیگر دارند و معمولاً<sup>۱</sup> از طریق همکاری با یکدیگر نسبت به رقابت کردن، به نتایج بهتری دست پیدا می‌کنند (بوریسوف و همکاران، ۲۰۲۳)؛ درحالی‌که نظریه بازی‌ها توضیحی از تعامل استراتژیک در محیط‌های اقتصادی - اجتماعی ارائه می‌دهد، ولی اقتصاد رفتاری، کاربرد روان‌شناسی و اخلاق را در تفکر اقتصادی شرح می‌دهد.

مطالعات نشان می‌دهد مقوله عقلانیت یک حلقه واسط میان نظریه بازی‌ها و فلسفه اخلاق است و از این‌رو، انسان مدل‌سازی‌شده در علم اقتصاد یک نوع انسان آرمانی با ویژگی عقلانی بودن است (عربی و همکاران، ۱۳۹۵). باوجوداین، سهم اصلی نظریه بازی در اخلاق و فلسفه اخلاقی، توانایی آن در کمک به درک ساختار اساسی یک محیط استراتژیک و تعریف یک نتیجه معین برای یک بازی است. نظریه بازی به ما اجازه می‌دهد تا پیش‌بینی‌های پایداری در مورد پیامدهای اقدامات انجام‌شده توسط بازیکنان منطقی انجام دهیم. این فرض که منفعت شخصی باعث رفتار در بازی‌ها می‌شود، تردیدهای جدی در مورد رابطه بین اخلاق و نظریه بازی ایجاد می‌کند؛ زیرا خودگرایی به‌طورکلی به عنوان یک نظریه اخلاقی شکست‌خورده در نظر گرفته می‌شود و در مقابل نوع دوستی، کمک به دیگران، خیرخواهی و از خودگذشتگی و دیگرگرایی از جمله فضایل و پیامدهای پسندیده محسوب می‌شود.

ریچارد بریتوی نخستین فیلسوفی بود که به‌طوررسمی نظریه بازی را در تحلیل مسئله اخلاق به کار گرفت. او در سخنرانی خود در سال ۱۹۵۴ از مسئله چانهزنی نش برای استدلال حل مسئله تقسیم منصفانه بهره برد. همچنین، او استدلال کرد که نظریه بازی‌ها ممکن است فلسفه اخلاق را دگرگون کند و در سال‌های پس از سخنرانی او، نظریه بازی نفوذ قابل توجهی در فلسفه اخلاقی و سیاسی داشت. «اخلاق توافقی»<sup>۲</sup> دیوید گوتیه (۱۹۸۶) و «نظریه بازی و قرارداد اجتماعی»<sup>۳</sup> اثر کن بینمور دو اثر اولیه هستند که نظریه‌های اخلاقی نظام‌مندی را ارائه می‌کنند که براساس مبانی نظریه بازی‌ها بنیان نهاده شده است.

در طی این دوره بیشتر فیلسوفان تمرکز اصلی تحقیق خود را بر روی رابطه بین عقلانیت و اخلاق قرار دادند که در تعاملات استراتژیک بین بازیکنان در یک بازی به وجود می‌آید. نظریه بازی به رفتار عقلانی در موقعیت‌های استراتژیک مربوط می‌شود؛ یعنی در موقعیت‌هایی که بهترین مسیر رفتار برای هر بازیکن به اقدامات بازیکنان دیگر بستگی دارد. باوجوداین، سه ویژگی نظریه بازی به ارتباط آن با دیدگاه اخلاقی مربوط می‌شود:

(الف) این نظریه براساس رفتار عقلانی است؛

(ب) تمرکز آن منحصرًا نتیجه‌گراست؛

(ج) فرض می‌شود که بازیگران در نظریه بازی‌ها براساس منافع خود رفتار می‌کنند (چمبرلین، ۱۹۸۹<sup>۴</sup>). پیوند اساسی بین نظریه بازی و اخلاق از این واقعیت ناشی می‌شود که پیامدها برای انتخاب اخلاقی مهم هستند و ارزیابی پیامدهای احتمالی اقدامات بازیکنان در موقعیت‌های استراتژیک دردرساز است. این موضوع نه تنها برای بازیکنی که براساس نفع شخصی رفتار می‌کند، بلکه برای بازیکنی که توسط اهداف اخلاقی تر هدایت می‌شود نیز مشکل ساز است. تا زمانی که فرد نتواند رفتار دیگران را در یک بازی پیش‌بینی کند، اغلب نمی‌تواند انتخاب بهینه خود را انجام دهد؛ خواه این رفتار خودخواهانه باشد یا نوع دوستانه.

1. Borissov et al.

2. Morals by Agreement

3. David Gauthier's

4. Game Theory and the Social Contract

5. Charnbedin

یک فرض اساسی نظریه بازی‌های کلاسیک و به‌طورکلی، نظریه تصمیم‌گیری این است که تصمیم‌گیرندگان همواره انگیزه دارند تا مطلوبیت‌های فردی خود را نسبت به دانش و باورهای خودشان در زمان اقدام و عمل به حداکثر برسانند. تحولات اخیر در نظریه بازی‌های روان‌شناسی و رفتاری نشان داده است که اگر مطلوبیت فردی به صورت محدود به عنوان سود یا زیان در واحدهای پولی اندازه‌گیری و تفسیر شوند این فرض نمی‌تواند درست باشد. بازیکنان در بازی‌های استراتژیک همیشه سعی نمی‌کنند تا بازده فردی خود را به حداکثر برسانند؛ اما گاه به نظر می‌رسد که انگیزه‌ها نسبت به سایرین<sup>۱</sup> ابزارهای مفیدی هستند که بازیکنان بازدهی را برای همبازی‌هایشان در نظر می‌گیرند. به‌طور خاص، اکنون به‌طور گسترده‌پذیرفته شده است که ملاحظات انصاف<sup>۲</sup> و عمل متقابل<sup>۳</sup> بر انتخاب استراتژیک تأثیر می‌گذارد (کالمون و همکاران، ۲۰۱۱). براساس دیدگاه آمارتیا سن، در رویکرد سنتی علم اقتصاد، عقلانیت که مترادف با حداکثرسازی نفع شخصی است و زیربنای علوم اقتصاد در نظر گرفته شده است، به تضعیف علم اقتصاد منجر شده است.

### ۳. رفتار نفع شخصی در مقابل رفتار نوع دوستانه در اخلاق

مفهوم نفع شخصی و نوع دوستی در مرکز انواع مباحث فلسفی و اجتماعی قرار دارند و ریشه‌های آن به سوفیست‌ها<sup>۴</sup> و فیلسوفان یونان باستان بر می‌گردد که «خود»<sup>۵</sup> را مرکز مسائل اخلاقی می‌دانستند (جوزپ، ۲۰۱۵). نفع شخصی (یا خودگرایی) معمولاً به توجه به منافع یا مزیت خود اشاره دارد و این مفهوم به یک موقعیت انگیزشی انحصاری اشاره دارد که در خدمت منافع خود است. پس از دیدگاه آدام اسمیت، مباحث جدی پیرامون مفهوم منافع شخصی به عنوان ویژگی اصلی «انسان اقتصادی» بررسی شد. به‌طورکلی، در این ادبیات رفتار همراه با منفعت شخصی با خودخواهی همراه است؛ اما نه همیشه. با وجود این، بیشتر متخصصان بر این باورند که مفهوم انسان اقتصادی،<sup>۶</sup> تنها با پیروی از منافع خود، جایی برای نوع دوستی یا همدلی، به عنوان جلوه‌ای از ویژگی‌های انسانی در زندگی اقتصادی باقی نمی‌گذارد (دیاکون،<sup>۷</sup> ۲۰۱۴). از این‌رو، در علم اقتصاد این تمایل وجود دارد که وجود نوع دوستی را از زمینه‌های نظری آن حذف و حتی انکار کند و بنابراین، افاده طور غیرمستقیم غیراخلاقی<sup>۸</sup> تلقی می‌شوند.

با وجود این، مطالعات نشان می‌دهد که اگرچه مردم مطمئناً<sup>۹</sup> به رفاه دیگران و همچنین، به اصول کلی عدالت و انصاف نیز اهمیت می‌دهند (هوملس و همکاران، ۲۰۰۲<sup>۱۰</sup>). مفهوم نوع دوستی نخستین بار توسط فیلسوف آگوست کنت<sup>۱۱</sup> مطرح شد که از آن برای توصیف مفهوم مراقبت و حمایت از دیگران استفاده کرده است و این مفهوم معمولاً با احساساتی مانند شفقت، همدردی و نگرانی همراه است (جوزپ، ۲۰۱۵). همچنین، به‌طورکلی، نوع دوستی، به عنوان یک چارچوب ذهنی تعریف می‌شود که مستلزم درنظرگرفتن و ارتقاء منافع دیگران به عنوان منافع خود است و معمولاً با اصول قاعده طلایی در اخلاق که بیان می‌کند «با دیگران همان کاری را انجام دهید که دوست دارید با شما انجام دهند» همراه می‌شود (بوریسوف و همکاران، ۲۰۲۳). همچنین، برخی فیلسوفان قاعده‌های اخلاقی متفاوت دیگری از خانواده قاعده طلایی را معرفی کردند که شامل قاعده آهینین<sup>۱۲</sup> «پیش از آنکه با تو رفتار کنند با دیگران رفتار کن» و قاعده نقره‌ای<sup>۱۳</sup> «با دیگران همان‌گونه رفتار کن که با تو انجام می‌دهند» می‌باشد.

1. Other-regarding utilities

2. Fairness

3. Reciprocity

4. Sophists

5. Self

6. Joseph

7. Homo economicus

8. Diacon

9. Amoral

10. Holmes et al.

11. Auguste Comte

12. The Iron Rule

13. The Silver Rule

با وجوداین، دو دیدگاه اصلی متصاد برای تبیین کنش‌های اقتصادی در میان نظریه‌پردازان اقتصادی وجود دارد: یا نظریه‌های اقتصادی بر فرض عقلانیت کامل و رواج منفعت شخصی (در دیدگاه اقتصاددانان نئوکلاسیک) ساخته شده‌اند و یا براساس اعمال و رفتار انسان‌ها براساس عواطف و نوع دوستی بنیان نهاده شده‌اند (مثلاً برخی از پژوهشگران حوزه اقتصاد رفتاری). رفتار نوع دوستانه در گونه‌های غیرانسانی نیز به خوبی ثبت شده است. یک مثال آشنا که در بسیاری از گونه‌های پرندگان مشاهده می‌شود، زنگ هشدار مشخصی است که هنگام مشاهده شکارچیانی مانند شاهین از خود ساطع می‌کنند (مینارد اسمیت،<sup>۱</sup> ۱۹۸۲). زنگ به دیگر اعضای گله هشدار می‌دهد و آنها را قادر می‌کند تا اقدام گریزان مناسبی را انجام دهند؛ اما چنین رفتاری هیچ سودی برای خود هشداردهنده ندارد. بر عکس، شواهد قانع‌کننده‌ای (هر چند غیرمستقیم) وجود دارد که نشان می‌دهد با جلب توجه شکارچی، زنگ زن در واقع، شانس بقای خود را کاهش می‌دهد. اکنون به طورگستره پذیرفته شده است که زنگ زدن یک نمونه واقعی از رفتار نوع دوستانه در طبیعت است (ویلسون و اوانت،<sup>۲</sup> ۲۰۰۸).

آین راند درباره فضیلت خودپرسی بیان می‌کند که خودپرسی یک فضیلت است و ایشارگری (نوع دوستی) یک رذیلت محسوب می‌شود. ایشارگری یک عقیده ویرانگر است که به نابودی ارزش‌های فردی منجر می‌شود و ازین‌رو یک خودکشی است (پویمان، ۱۳۷۸). اما کنت بیان می‌کند که خودپرسی و نوع دوستی در کنار هم ساختار اخلاقی انسان را تشکیل می‌دهند. کلیت نفع شخصی و نوع دوستی در چارچوب اخلاق توسط جنکس توصیف شده است که بیان می‌کند که همه اعمال و انگیزه‌ها بر زنجیره‌ای بین نفع شخصی و نوع دوستی قرار می‌گیرند (جنکس،<sup>۳</sup> ۱۹۹۰). لیندبك و ویبول<sup>۴</sup> (۱۹۸۸) نشان می‌دهند که نوع دوستی می‌تواند رفاه را در میان افراد دارای تعامل استراتژیک درگیر در تصمیم‌گیری بین زمانی کاهش دهد. دلیل آن این است که اگر افراد متقابل از نوع دوستی یکدیگر آگاه باشند، حتی نوع دوستان نیز تا حدی از نوع دوستی یکدیگر سوءاستفاده می‌کنند و در تیجه‌های منابع را به اشتباه تخصیص می‌دهند. یک نمونه، پس انداز برای دوران پیری است، با این انتظار منطقی که دیگران در صورت لزوم کمک کنند. در این مثال، همه از تعهد به عدم کمک به یکدیگر سود می‌برند؛ زیرا این امر می‌تواند موجب صرفه‌جویی بهینه بین زمانی شود.

نظریه فرا-اقتصاد<sup>۵</sup> سرشت انسان را نه تنها لذت‌جویانه - خودمحورانه بلکه همدلانه - نوع دوستانه و شاید حتی ایشارگرانه مشاهده می‌کند و براساس این ایشارگری و نوع دوستی می‌تواند باعث شود تا با افزایش سطح مطلوبیت هر شخص، سطح مطلوبیت دیگری نیز افزایش یابد (متولسلی و پاداش، ۱۳۸۵).

#### ۴. تعادل نش منفعت‌طلبانه در نظریه بازی

یکی از مفاهیم مهم در نظریه بازی‌ها هنگام مدل‌سازی رفتار اجتماعی - اقتصادی و تعاملات انسانی مفهوم تعادل نش است که توسط جان نش (۱۹۵۰-۱۹۵۱) پایه‌گذاری شده است. این تعادل به عنوان یک مفهوم راه حلی در یک بازی غیرهمکارانه در نظر گرفته شده است و در ادبیات اقتصادی این مفهوم متناظر با دیدگاه نفع طلبی شخصی است که متناظر با رویکرد خودخواهانه یا منفعت‌طلبی اخلاقی براساس دیدگاه آدام اسمیت در ارتباط با رویکرد نفع شخصی می‌باشد. با وجوداین، مفهوم تعادل نش خودخواهانه است: هر بازیکن را فقط به سمت حداکثر کردن سود خود هدایت می‌کند (سالوکوادزه و ژوکوسکی، ۲۰۲۰).

ازین‌رو، مفهوم تعادل نش اشاره به این دارد که هر بازیکن استراتژی را انتخاب می‌کند که سود خود را در برابر هر یک از استراتژی‌های رقبای خود به حداکثر برساند یا بهترین پاسخ را به استراتژی انتخابی رقبای خود برمی‌گزیند (محمدی‌نیا، ۱۴۰۲). بنابراین، در شرایطی که بازیکن *ن* فقط دو استراتژی در دسترس دارد، به حداکثر رساندن بازده به معنای انتخاب استراتژی است که بالاترین بازده را برای او به همراه دارد و استراتژی‌های رقبای او به عنوان پیش‌فرض در نظر گرفته می‌شود (اسپینولا-آردوندو و مونوز-گارسیا،<sup>۶</sup> ۲۰۲۳).

1. Maynard Smith,

2. Wilson & Evans

3. Jencks

4. Lindbeck & Weibull

5. Metaeconomics

6. Espinola-Arredondo & Muñoz-Garcia

تعریف ۱: یک بازی  $[N, S_i, u_i] = G$  را در نظر بگیرید که در آن  $N = \{1, \dots, n\}$  مجموعه‌ای از بازیکنان،  $S_i$  مجموعه استراتژی‌های خالص بازیکن  $i$  و  $u_i: \prod_{i \in N} S_i \rightarrow \mathbb{R}$  تابع پیامد بازیکن  $i$  ام را نشان می‌دهد. اگر هر  $i$  یک مجموعه متناهی باشد،  $G$  نیز یک بازی متناهی است. همچنین، فرض کنید  $S_{-i}$  بردار  $(n - 1)$  بعدی باشد؛ به طوری که  $(s_1, \dots, s_{i-1}, s_{i+1}) = s_{-i}$  است (ژوکوفسکی،<sup>۱</sup> ۱۹۸۵).

تعریف ۲: با توجه به تعاریف ۱، نمایه استراتژی  $(s_n^*, \dots, s_1^*) = s^*$  یک تعادل نش از  $G$  است؛ اگر و فقط اگر، برای همه بازیکنان و همه  $i \in N$

$$u_i(s^*) \geq u_i(s_i, s_{-i}^*)$$

براساس این معادله بازیکن  $i$  هیچ انگیزه‌ای برای انحراف از استراتژی نش خود ندارد؛ زیرا دیگر بازیکنان نیز منحرف نمی‌شوند و در اینجا طبیعت خودخواهانه هر بازیکن به‌وضوح نمایان می‌شود و بنابراین، هر بازیکن به‌دبیار ارضای جاه‌طلبی‌های فردی خود بدون توجه به منافع دیگر بازیکنان است. همچنین، تعادل نش اغلب به عنوان یک تعادل<sup>۲</sup> و گاه به عنوان یک نقطه تعادل<sup>۳</sup> نیز شناخته می‌شود. با وجود این، تعادل نش لزوماً به معنای بهترین بازده یا پیامد برای همه بازیکنان درگیر در بازی نیست. در بسیاری از موارد، همه بازیکنان ممکن است سود خود را بهبود بخشدند، اگر بتوانند به نحوی بر روی استراتژی‌هایی متفاوت از تعادل نش توافق کنند: همانند بازی معماهی زندانی. با وجود این، تعادل نش دارای سه مزیت انکارناپذیر است:

- الف) پایدار بودن؛
- ب) منطبق با نقطه زینی بودن؛
- ج) شرط عقلانیت فردی را برآورده کردن.

## ۵. تعادل بُرگ نوع دوستانه در نظریه بازی

در حالی که مفهوم تعادل نش مبتنی بر منفعت شخصی است، ایده تعادل بُرگ حمایت متقابل<sup>۴</sup> است؛ زیرا با توجه به اقدام یکی از بازیکنان، بقیه بازیکنان اقدامات خود را به‌دبیار بهترین منافع آن بازیکن انتخاب می‌کنند (زاپاتا و همکاران، ۲۰۲۴) و ازین‌رو، این دیدگاه متناظر با نوعی رفتار نوع دوستانه و ایشارگرانه در چارچوب فلسفه اخلاق است. همچنین، این تعادل متناظر با قاعده طلایی در فلسفه اخلاق می‌باشد و این قاعده از یک فرد می‌خواهد که خود را به جای افراد دیگر بگذارد و طوری با آنها رفتار کند که انگار جای آنهاست. مفهوم راه حل تعادل بُرگ در کتابی در سال ۱۹۵۷ توسط ریاضیدان کلود بُرگ<sup>۵</sup> (۱۹۵۷) منتشر شد.

براساس مطالعه ساویسکی و همکاران<sup>۶</sup> (۲۰۱۹) در حالی که تعادل نش مبتنی بر خودگرایی یا فردگرایی است؛ یعنی هر بازیکن قصد دارد تا بازدهی خود را به حداکثر برساند، تعادل بُرگ براساس نوع دوستی ارائه می‌شود؛ به طوری که هدف هر بازیکن به حداکثر رساندن سود همه بازیکنان دیگر است. براساس مطالعه کولمن و همکاران (۲۰۱۱) تعادل بُرگ را می‌توان به عنوان دلالتی از جهت‌گیری ارزش اجتماعی نوع دوستانه<sup>۷</sup> نظریه وابستگی متقابل در نظر گرفت و در مقابل تعادل نش انعکاس‌دهنده جهت‌گیری فردگرایانه است. به طورکلی تعادل بُرگ یک نمایه استراتژی خالص<sup>۸</sup> است که در آن هر  $n - 1$  بازیکن استراتژی‌هایی را انتخاب می‌کنند که بازده باقی مانده بازیکن را به حداکثر می‌رساند (کورلی، ۲۰۱۷). براساس تعریف ۱، می‌توان مفهوم تعادل بُرگ از جنبه ریاضی را در تعریف (۳) ارائه کرد:

تعریف ۳: یک نمایه استراتژی  $(s_n^*, \dots, s_1^*) = s^*$  یک تعادل بُرگ از  $G$  است؛ اگر و فقط اگر، برای همه بازیکنان  $i \in N$  و همه

1. Zhukovskii

2. Equilibrium

3. Equilibrium point

4. Mutual support

5. Claude Berge

6. Sawicki Et al.

7. Altruistic social value

8. Pure strategy profile

$$s_{-i} \in S_{-i},$$

$$u_i(s^*) \geq u_i(s_i^*, s_{-i})$$

این تعریف به این معناست که هنگام بازی استراتژی<sup>۱</sup>، بازیکن  $i$  نمی‌تواند حداکثر بازده خود را به دست آورد، مگر اینکه هر بازیکن دیگری استراتژی تعادلی برگ خود را نیز بازی کند (کورتوس و همکاران، ۲۰۱۵).<sup>۲</sup> بازیکن  $j$  را در نظر بگیرید که می‌تواند استراتژی برگ خود را بازی کند یا نه، با توجه به اینکه  $N$ -بازیکنان دیگر استراتژی برگ خود را بازی می‌کنند. طبق تعریف<sup>۳</sup> و با فرض اینکه  $s_{-i}$ <sup>۴</sup>

$$S_{-i-j} = \prod_{h \in N \setminus \{i, j\}} S_h$$

$$u_i(s_i^*, s_{-i-j}^*, s_j) \geq u_i(s_i^*, s_{-i-j}, s_j)$$

برای تمام  $i \in N$  و  $j \in S_j$

هنگام اجرای استراتژی برگ، بازیکن  $i$  را به حداکثر می‌رساند. این برای هر  $N \in i$  صدق می‌کند. درواقع، بازیکن ز مطلوبیت همه بازیکنان دیگر را به حداکثر می‌رساند. هنگام اجرای استراتژی‌های برگ، سایر بازیکنان متقابل عمل می‌کنند و سودمندی زرا به حداکثر می‌رسانند. همان‌طورکه لاربانی و نسا<sup>۵</sup> (۲۰۰۸) اشاره کردند، این تعریف قانون رفتار سه تفنگدار<sup>۶</sup> را به یاد می‌آورد: «یکی برای همه، و همه برای یکی».<sup>۷</sup> به دیگر سخن، در تعادل برگ، یک بازیکن با انتخاب عملی که سودمندی آنها را به حداکثر می‌رساند، از دیگران حمایت می‌کند و دیگران نیز به همان شیوه از او حمایت می‌کنند (کولمن و همکاران ۲۰۱۱). قاعده طلایی اخلاقی که بیشتر به مفهوم نوع دوستانه تعادل برگ اشاره دارد، به صورت ادبیات متعارف زیر نیز خلاصه و تحلیل می‌شود:

الف) قانون همدردی:<sup>۸</sup> «هرگز چیزی را که برای خود انتخاب نمی‌کنید به دیگران تحمیل نکنید»؛

ب) قانون خودمحتراری:<sup>۹</sup> «کاری را که در آن دیگران را محکوم می‌کنید انجام ندهید»؛

ج) قاعده متقابل:<sup>۱۰</sup> «همان‌طورکه دوست دارید مردم با شما رفتار کنند، با آنها نیز چنین رفتار کنید» (سالوکوادزه و ژوکوسکی، ۲۰۲۰).

## ۶. بررسی نظریات دیدگاه نوع دوستانه و ایشارگرانه در اصول اسلامی

Riftarهای نوع دوستانه و ایشارگرانه به عنوان یک نوع صفات حسنی در مفاهیم اعتقادی و دینی مسلمان مطرح و تأکید شده و این نوع رفتار در مقابل رفتار براساس منافع شخصی و خودخواهی قرار گرفته و کارکردهای متعددی را در سطح اجتماعی به خود اختصاص داده است و همان‌طورکه اشاره شد، تعادل برگ یک نوع تعادل حمایت متقابل است. حدیثی از امام حسن<sup>۱۱</sup> نقل شده است که تداعی‌کننده قاعده طلایی در اصول اخلاقی است: «با مردم به‌گونه‌ای رفتار کن که دوست داری با تو آن‌گونه رفتار کنند».

همچنین، در آیه<sup>۱۲</sup> سورة حشر از واژه ایشار به معنای «مقدم داشتن حوايج دیگران بر خود» استفاده شده است (یونسی و همکاران، ۱۴۰۱). از دیدگاه اسلامی نوع دوستی از جمله اعمال و رفتارهایی است که می‌تواند جایگزینی برای همیاری‌ها شمرده شود و داوطلبانه در اختیار خیر و نیکی مردم قرار گیرد و در خدمت خیر و رفاه عمومی باشد و این نوع رفتارهای دوستانه تحت عنوان کمک‌های داوطلبانه به دیگران به دلیل نگرانی نسبت به رفاه و نیازهای دیگران تعریف شده است (مرادی، ۱۳۹۷). خداوند متعادل در آیه<sup>۱۳</sup> ۷ سوره اسراء بیان می‌کند: «إِنَّ أَحَسْنَتُمْ أَحَسْنَتُمْ لَا تُنْفِسُكُمْ» و به تعبیر قرآن کریم «اگر نیکی کنید، به خودتان نیکی کرده‌اید» و اشاره به آن دارد که انسان‌های ایشارگ و نوع دوست، خود را می‌سازند و منافع حقیقی و همیشگی خود را فراهم می‌کنند.

همچنین، دین مبین اسلام در ارتباط با یاری رساندن به همنوعان و تأمین نیازهای اطرافیان خود سفارش‌هایی را مطرح نموده‌اند که

1. Courtois Et al.

2. Larbani & Nessah

3. Three Musketeers

4. One for all, and all for one

5. Sympathy rule

6. Autonomy rule

7. Reciprocity rule

بعخشی از آن به رفتار ایثارگرانه و نوع دوستانه در چارچوب اتفاق مرتبط است که اجرای این گونه رفتارها براساس آموزه‌های اسلامی و اخلاقی نقشی مهم در توزیع ثروت و درآمد، عدالت اقتصادی، کاهش فقر و کاهش فاصله طبقاتی و ایجاد محلت و صمیمیت میان مردم دارد (جمالی و خلیلیان اشکذری، ۱۳۹۹). امام صادق علیهم السلام فرمودند: «چیزی نزد من محبوب‌تر از آن نیست که به کسی عطا و احسانی کرده باشم. عزالدین محمود کاشانی دومن اصل اخلاق را ایثار می‌داند که نه تنها در دین و عرفان که در زندگی اجتماعی انسانی از ضروری‌ترین عوامل سازگاری و بهروزی به شمار می‌آید» (افراسیاب‌پور، ۱۳۸۹).

امام علی علیهم السلام در خطبه ۳۱ نهج البلاغه خطاب به فرزندش می‌فرماید: «ای فرزند عزیز! نفس خویش را میزانی بین خود و بین دیگران قرار ده، پس از برای دیگران دوست بدار آنچه را که برای خودت دوست می‌داری، و خوش ندار برای دیگران آنچه را برای خودت خوش نداری». <sup>۱</sup> قرآن کریم نیز به صراحة از ایثار نام برده است و شهید مطهری در این باره می‌نویسد: «ایثار یک اصل قرآنی و یکی از باشکوه‌ترین مظاهر انسانیت است. ایثار و فداکاری به معنای از خود گذشتن و مقدم داشتن دیگران بر خود از ارزش‌های متعالی است که قران کریم آن را به وجه نیکویی ستوده است». ملک‌الشعرای بهار، شاعر فارسی‌زبان، در شاهیتی زیبا در مورد نوع دوستی می‌سراید:

دیگران کاشتند و ما خوردیم      ما بکاریم و دیگران بخورند

## ۷. بررسی تعادل در برخی بازی‌های کاربردی

در این بخش تلاش می‌شود تا مفهوم تعادل نش و تعادل برگ در برخی از بازی‌های مهم و کاربردی در علوم انسانی بررسی شود که کاربردهای مهمی در اقتصاد، علوم سیاسی، علوم اجتماعی، روابط بین‌الملل، بازی‌های تسلیحاتی و... دارد.

### ۱-۱. تعادل در بازی معماهای زندانی

بازی معماهای زندانی یک مسئله همکاری و انتخاب کلاسیک براساس فرض انگیزه‌های خودخواهانه انسانی است. این بازی یک مسئله تئوری از نوع بازی‌های کلاسیک می‌باشد و توجه پژوهشگران در رشته‌های ریاضیات و اقتصاد در سراسر جهان را به خود جلب کرده است (دنگ و دنگ، ۲۰۱۵<sup>۲</sup>). فلود<sup>۳</sup> و دراشر<sup>۴</sup> از شرکت راند<sup>۵</sup> در سال ۱۹۵۰ این بازی را ارائه کردند. این شرکت در طول جنگ سرد در زمینه اکتشاف استراتژی‌های مختلف برای دنبال کردن افزایش توسعه مرتبط با سلاح‌های هسته‌ای جهانی کار می‌کردند.

این نظریه براساس این است که دو جنایتکار برای ارتکاب به جرمی دستگیر و در اتاق‌های جداگانه بازجویی می‌شوند. هر زندانی می‌تواند به جرم خود اعتراف یا آن را انکار نماید. اگر هر دو انکار کنند، به مدت یک سال زندانی می‌شوند؛ زیرا قاضی در مجرم بودن این افراد تردید دارد. اگر هر دو مجرم به جرم خود اعتراف کنند، قاضی هیچ تردیدی در مجرم بودن آنها ندارد و هر کدام پنج سال زندانی می‌شوند. اگر یکی انکار و دیگری اعتراف کند، بازیکنی که اعتراف کرده قاضی از جرم او چشم‌پوشی می‌کند و به او حکم تعليقی می‌دهد و دیگری که انکار کرده به ۱۰ سال زندان محکوم می‌شود (دیکسیت و همکاران، ۲۰۱۵<sup>۶</sup>، محمودی‌نیا، ۱۴۰۲).

۱. يَا بُنَيَّ إِجْعَلْ نَفْسَكَ مِيزَانًا فِيمَا يَنْتَكَ وَبَيْنَ غَيْرِكَ فَأَخْبِرْ لَغَيْرِكَ مَا تُحْبُ لِنَفْسِكَ وَأَكْرَهَ لَهُ مَا تَكْرَهُ لَهَا

2. Deng & Deng

3. Flood

4. Dresher

5. Rand

6. Dixit Et al.

ماتریس ۱: بازی معماه زندانی

	بازیکن ب	
		اعتراف (خیانت)
بازیکن الف	اعتراف (خیانت)	-۵، -۵
	انکار (همکاری)	-۱۰، -۱
بازیکن ب		-۱، -۱
انکار (همکاری)		-۱۰، -۰

منبع: کارمایکل (۲۰۰۵)؛ دیکسیت و همکاران (۲۰۱۵)

در این بازی استراتژی {انکار، انکار} به استراتژی همکارانه معروف است و استراتژی {اعتراف، اعتراف} به استراتژی قصور<sup>۱</sup> (خیانت) معروف است؛<sup>۲</sup> به طوری که بازیکنان می‌توانند به همکاری کردن به پیامد مطلوب‌تری دست یابند (زمان زندان این افراد کاهش می‌یابد). با وجود این، تعادل نش این بازی {اعتراف، اعتراف} است؛ زیرا بهترین پاسخ هر بازیکن به استراتژی رقیب‌ش اعتراف است؛ با اینکه {انکار، انکار} پیامد مطلوب‌تری دارد و طول دوره زندانی کمتری برای مجرمین به ارمغان می‌آورد، ازین‌رو، این بازی به معماه زندانی معروف است. تعادل نش {اعتراف، اعتراف} بهینه پارتو<sup>۳</sup> (کارآمد پارتو)<sup>۴</sup> نیست؛ زیرا بازیکنان می‌توانند با تغییر استراتژی خود به سمت استراتژی {انکار، انکار} پیامد بهتری کسب نمایند و ازین‌رو، استراتژی {اعتراف، اعتراف} به استراتژی ناکارآمد پارتو (عدم بهینه پارتو) شناخته شده است.

با وجود این، حتی اگر استراتژی همکارانه توسط دو بازیکن انتخاب شود، اما همچنان این استراتژی تعادلی نیست؛ زیرا تعادل نش جایی است که دو بازیکن استراتژی خیانت را انتخاب می‌کنند. ازین‌رو، تعادل نش تقریباً از نظر اخلاقی معیوب و ناقص است (زیرا هر دو بازیکن با اجرای استراتژی همکاری بهتر عمل می‌کنند). بنابراین، معماه زندانی چالشی جدی برای نظریه استاندارد انتخاب عقلانی با این تصور ایجاد می‌کند که دنبال کردن منافع شخصی بهترین پیامد را حاصل می‌نماید. همچنین، از جنبه ریاضی می‌توان گفت: استراتژی {اعتراف، اعتراف} تعادل نش است؛ زیرا مطابق تعریف ۲ داریم:

$$(انکار, اعتراف) u_2 \geq (\text{اعتراف}, \text{اعتراف}) u_1 \quad \text{و} \quad (\text{اعتراف}, \text{انکار}) u_1 \geq (\text{اعتراف}, \text{اعتراف}) u_2$$

و با توجه به تعریف ۳ می‌توان گفت: تعادل نوع برگ استراتژی {انکار، انکار} است؛ زیرا  
 $(انکار, \text{اعتراف}) u_2 \geq (\text{انکار}, \text{انکار}) u_1$  و  $(\text{اعتراف}, \text{انکار}) u_1 \geq (\text{انکار}, \text{انکار}) u_2$

با توجه به تعریف ۲ و ۳ می‌توان نشان داد که در یک بازی معماه زندانی تعادل برگ جایی است که دو بازیکن به جای انتخاب استراتژی نش {اعتراف، اعتراف}، به تعادل نوع دوستانه {انکار، انکار} دست می‌یابند و هر دو بازیکن تنها یک سال زندان را به جای پنج سال تجربه می‌کنند و نشان می‌دهد که تعادل برگ در این بازی، که نشان‌دهنده یک تعادل همکارانه بین دو بازیکن است، منفعت بیشتری را به همراه دارد. ازین‌رو، در بازی معماه زندانی این واقعیت برجسته می‌شود که همکاری می‌تواند به عنوان نوع دوستی متقابل<sup>۵</sup> تلقی شود. بنابراین، تعادل برگ یک مدل قانع کننده از همکاری ارائه می‌دهد.

## ۲-۲. بازی جوجه

فیلسوف برتراند راسل<sup>۶</sup> (۱۹۵۹) بازی جوجه<sup>۷</sup> را نام‌گذاری کرده است که یکی از بازی‌های معروف و کاربردی در اقتصاد و علوم سیاسی و روابط بین‌الملل است. قانون بازی براساس این است که در حین اینکه هیچ‌کدام از بازیکنان تمایلی به تسليم شدن در مقابل رقیب ندارد، اما

1. Defect Strategy

۲. درادامه تحلیل‌ها، استراتژی‌های تعادلی بازیکنان به صورت {پیامد بازیکن الف، پیامد بازیکن ب} نوشته می‌شود؛ یعنی پیامد و مطلوبیت بازیکن «الف» در ابتدا و سپس پیامد بازیکن «ب» ذکر می‌شود. در {انکار، انکار} یا {اعتراف، اعتراف}، پیامد اول مربوط به بازیکن «الف» و پیامد دوم مربوط به بازیکن «ب» است و درادامه نیز بر همین اساس تحلیل صورت می‌گیرد.

3. Pareto Optimal

4. Pareto-efficient

5. Mutual altruism

6. Bertrand Russell

7. Chicken game

بدترین پیامد این است که هیچ کدام تسلیم نشوند. همچنین، پس از تفسیر بیولوژیکی مینارد اسمیت و پرایس<sup>۱</sup> (۱۹۷۳) از مبارزات متعارف و تشدید شده در حیوانات این بازی به عنوان بازی شاهین - قمری<sup>۲</sup> نیز شناخته شده است؛ به طوری که این بازی به وضعیتی اشاره دارد که برای استفاده از یک منبع مشترک رقابت جدی بین بازیکنان وجود دارد و رقبا می‌توانند بین مصالحه و درگیری یکی را انتخاب کنند. این بازی از نوع بازی خطرناک است که براساس آن دو رانده اتمبیل‌های خود را به انتهای یک خیابان می‌برند و شروع به رانندگی با سرعت بالا به سمت یکدیگر می‌کنند و در طول مسیر اگر هر یک از بازیکنان از مسیر منحرف شود، از آن بازیکن به عنوان «جوچه» نام برده می‌شود و کسی که مستقیم حرکت کند «برنده» نامیده می‌شود. از این‌رو، دو استراتژی «انحراف» و «مستقیم رفتن» در بازی وجود دارد؛ به طوری که ماتریس بازی به صورت ماتریس ۲ است:

ماتریس ۲: بازی جوجه

		بازیکن ب	
		مستقیم	انحراف
بازیکن الف	انحراف	۳, ۳	۲, ۴
	مستقیم	۲, ۴	۱, ۱

براساس تعریف ۲ و ۳، این بازی دو تعادل نش دارد که شامل انتخاب استراتژی‌های مستقیم توسط بازیکن «الف» و انحراف توسط بازیکن «ب» یعنی {مستقیم، انحراف} که پیامد ۴ برای بازیکن «الف» و پیامد ۲ برای بازیکن «ب» دارد و همچنین انحراف توسط بازیکن «الف» و مستقیم توسط بازیکن «ب» یعنی {انحراف، مستقیم} است که پیامد ۲ برای بازیکن «الف» و پیامد ۴ برای بازیکن «ب» دارد. با وجود این، با بررسی تعادل برگ این بازی مشخص می‌شود که تعادل نوع دوستانه با همکاری متقابل بین بازیکنان جایی است که هر دو بازیکن استراتژی {انحراف، انحراف} با پیامد مساوی ۳ برای هر دو بازیکن انتخاب می‌شود که از لحاظ عقلانی نیز با منطق سازگارتر است و هر دو بازیکن با انحراف از این حادثه پیامد یکسان و مطلوب‌تری به دست می‌آورند و هیچ صدمه‌ای نیز به هیچ بازیکن در مسیر بازی وارد نمی‌شود. در اینجا نتایج حاصل از تعادل برگ نشان‌دهنده یک رفتار متقابل و نوع دوست بین دو رقیب است و منافع برابری را برای هر دو رقیب به همراه دارد و این موضوع با دیدگاه قانون طلایی مطابقت بیشتری دارد. با وجود این، در این بازی دنبال کردن استراتژی منفعت طلبانه تعادلی نش به ضرر برای بازیکنی منجر می‌شود که از مسیر خود منحرف شده است؛ در حالی که این بازیکن برای دفاع از جان خود و خروج از حادثه غیرعقلانی دست به انحراف از بازی می‌زند. در این بازی نیز نشان داده می‌شود که درک همکاری بین دو بازیکن از طریق تعادل برگ می‌تواند یک هدف مهم در راستای دستیابی به اهداف بالاتر مدنظر قرار گیرد. از جنبه ریاضی می‌توان بیان کرد که استراتژی {مستقیم، مستقیم} تعادل نش است؛ زیرا مطابق تعریف ۲ داریم:

$$(انحراف, مستقیم) \geq (مستقیم, مستقیم) u_2 \quad \text{و} \quad (مستقیم, انحراف) u_1 \geq (مستقیم, مستقیم)$$

و همچنین، با توجه به تعریف ۳ می‌توان گفت: تعادل برگ استراتژی {انحراف، انحراف} است؛ زیرا

$$(انحراف, مستقیم) u_2 \geq (انحراف, انحراف) \quad \text{و} \quad (مستقیم, انحراف) u_1 \geq (انحراف, انحراف)$$

### ۳-۳. بازی شکار گوزن<sup>۳</sup>

یکی دیگر از بازی‌های کاربردی در نظریه بازی و شاخه‌های مختلف رشته‌ها، بازی شکار گوزن است که در آن دو شکارچی در صورتی که با یکدیگر همکاری کنند به دستاوردهای بزرگ، یعنی شکار گوزن می‌رسند و در صورت عدم همکاری، هر یک باید به دستاوردهای کوچک یعنی شکار خرگوش اکتفا کنند. با وجود این، اگر هر شکارچی به تنها یکی دنبال شکار گوزن باشد، احتمال موفقیت آن پایین است. از سوی دیگر، این

1. Maynard Smith and Price

2. Hawk-Dove game

3. Stag Hunt game

دو شکارچی می‌توانند به‌نهایی به‌دبال شکار خرگوش باشند؛ اما احتمال آن نیز پایین می‌باشد؛ زیرا شکار یک خرگوش توسط یک نفر سبب خواهد شد شانس شکارچی دوم برای شکار خرگوش نیز به‌شدت کاهش یابد. ازاین‌رو، شکار گوزن برای هر دو شکارچی سودمندی بیشتری دارد؛ اما مستلزم همکاری و اعتماد بین دو شکارچی و همچنین، صبر و تحمل زیاد برای شکار گوزن است. باوجوداین، شکار گوزن مستلزم حسن نیت و خیرخواهی بین دو بازیکن و شکار خرگوش نشان‌دهنده خودخواهی دو شکارچی می‌باشد. پیامدهای بازی شکار گوزن در ماتریس ۳ نشان داده شده است.

ماتریس ۳: شکار گوزن

		شکارچی ب	
		گوزن	خرگوش
شکارچی الف	گوزن	۴,۴	۳,۱
	خرگوش	۱,۳	۲,۲

براساس تعاریف ۲ و ۳ این بازی دو تعادل نش دارد که به صورت {گوزن، گوزن} و {خرگوش، خرگوش} است. باوجوداین، تعادل برگ این بازی یک تعادل منحصر به‌فرد {گوزن، گوزن} است که بیشترین پیامد را برای هر دوی بازیکنان دارد. در حقیقت  $(\text{گوزن}, \text{خرگوش}) u_2 \geq (\text{گوزن}, \text{گوزن}) u_1$  و  $(\text{خرگوش}, \text{گوزن}) u_1 \geq (\text{گوزن}, \text{گوزن}) u_2$

در این وضعیت این دو شکارچی با همکاری با هم در یک رفتار نوع دوستانه و متقابل به پیامد ۴ دست می‌یابند که بالاترین تعادل در بازی است. باوجوداین، این بازی نشان می‌دهد تعادل نوع دوستانه برگ با تعادل نشی سازگار است که منفعت بیشتر برای دو بازیکن دارد و در این بخش نیز نشان داده می‌شود که همکاری متقابل بین دو بازیکن و منفعت رساندن به دیگری در چارچوب رویکرد اخلاقی بالاترین پیامد را برای دو بازیکن به همراه دارد. همچنین، این تعادل یک تعادل بهینه پارتی و غالب است و در این وضعیت هیچ بازیکنی انگیزه برای انحراف از استراتژی خود ندارد. باوجوداین، تعادل نش شکار خرگوش برای دو بازیکن پیامد پایین‌تری برای هر دوی آنها دارد. ازاین‌رو، در این بازی تعادل برگ زیرمجموعه‌ای از تعادل نش محسوب می‌شود. تعادل برگ در بازی شکار گوزن نیز نشان می‌دهد که ترجیحات نوع دوستانه یا انگیزه‌ها نسبت به دیگران، معمولاً صفات شخصیتی مطلوب در نظر گرفته می‌شود که رفاه اجتماعی بازیکنان را بهبود می‌دهد.

#### ۴-۷. بازی سه بازیکن (خیابان باغچه)

بازی خیابان باغچه نیز یک مثال در فضای سه بازیکن (بازیکن I، بازیکن II، بازیکن III) است که برگرفته از دیکسیت و همکاران (۲۰۱۵) می‌باشد که براساس این، سه همسایه در یک کوچه‌ای از خیابان قرار دارند و برای اینکه در کاشت باغچه‌ای زیبا در کوچه همکاری یا مشارکت داشته باشند با یکدیگر به تعامل می‌پردازنند. هر بازیکن دو استراتژی مشارکت در کاشت باغچه (C) و عدم مشارکت (D) در آن را دارد. اگر هر سه بازیکن در کاشت باغچه مشارکت کنند، آنگاه بهترین و بزرگ‌ترین باغچه تولید می‌شود و اگر دو نفر مشارکت کنند، آنگاه یک باغچه متوسط تولید می‌شود و اگر تنها یک نفر مشارکت کند، آنگاه کل هزینه بر عهده این شخص است و یک باغچه کوچک ایجاد می‌شود و دو همسایه دیگر بدون پرداخت هزینه منفعت کسب می‌کنند.

ماتریس ۴: بازی خیابان باغچه

		بازیکن III	
		C <sub>III</sub>	D <sub>III</sub>
بازیکن II	Bازیکن II		
	C <sub>II</sub>	D <sub>II</sub>	C <sub>II</sub>

بازیکن I	C <sub>I</sub>	(۵, ۵, ۵)	(۳, ۶, ۳)	(۳, ۳, ۶)	(۱, ۴, ۴)
	D <sub>I</sub>	(۶, ۳, ۳)	(۴, ۴, ۱)	(۴, ۱, ۴)	(۲, ۲, ۲)

براساس تعاریف ارائه شده در بخش های قبل، تعادل نش غیرهمکارانه در این بازی جایی است که هیچ کدام در کاشت باغچه مشارکت نداشته باشند؛ یعنی  $\{D_{\text{III}}, D_{\text{II}}, D_{\text{I}}\}$  و در این وضعیت هر بازیکن پیامد ۲ را دریافت می کند. براساس این، اگر هیچ بازیکنی در کاشت این باغچه شرکت نکند و یک رفتار غیرهمکارانه و منفعت طلبانه را در پیش بگیرد، آنگاه هیچ باغچه ای ایجاد نمی شود؛ اما هیچ هزینه ای نیز بر این افراد تحمل نمی شود. با وجود این، ما به بررسی تعادل نوع دوستانه برگ در این بازی نیز می پردازیم. در تعادل برگ هر بازیکن در تلاش است تا به رقیب خود این اجازه را بدهد تا بهترین پیامد خود را انتخاب کند و سپس سایر رقبا استراتژی خود را نهایی می کند. بررسی تعادل برگ این بازی نشان می دهد که این تعادل در جایی است که هر بازیکن پیامد ۵ را دریافت می کند و هر سه بازیکن در کاشت باغچه مشارکت می نمایند؛ یعنی  $\{C_{\text{III}}, C_{\text{II}}, C_{\text{I}}\}$ ؛ زیرا

$$u_1(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_1(C_I, C_{II}, D_{III}), \quad u_1(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_1(C_I, D_{II}, C_{III}), \quad u_1(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_1(C_I, D_{II}, D_{III}),$$

و

$$u_2(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_2(C_I, C_{II}, D_{III}), \quad u_2(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_2(D_I, C_{II}, C_{III}), \quad u_2(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_2(D_I, C_{II}, D_{III}),$$

و

$$u_3(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_3(C_I, D_{II}, C_{III}), \quad u_3(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_3(D_I, C_{II}, C_{III}), \quad u_3(C_I, C_{II}, C_{III}) \geq u_3(D_I, D_{II}, C_{III})$$

از این رو، مقایسه نتایج این بازی نشان می دهد که اجرای یک بازی نوع دوستانه در چارچوب رویکرد اخلاقی پیامد به مراتبی بیشتری برای این سه بازیکن در بازی دارد و نقش انصاف و عدالت با فرض اینکه هر بازیکن به دنبال افزایش منافع رقیب خود است با پیامدهای ایجاد شده به موضوع مشخص است. از این رو، تعادل برگ در این بازی نسبت به تعادل نش در بین بازیکنان ارجحیت دارد و نسبت به تعادل نش بهینه پارتو است و بازیکنان هیچ انگیزه ای برای انحراف از بازی ندارند و این همان تعریف قانون رفتار سه تفنگدار را به یاد می آورد: «یکی برای همه، و همه برای یکی».

#### ۸. شواهد تجربی: بازی دو سیاست‌گذاری پولی و مالی

یکی از بازی های مهم و کاربردی در اقتصاد، بازی بین دولت و بانک مرکزی در جهت دستیابی به اهداف اقتصادی همانند رشد اقتصادی و کنترل تورم در اقتصاد برای رسیدن به بالاترین سطح از رفاه اجتماعی است (استاووسکا و همکاران، ۲۰۱۹). در این بازی فرض می شود دو سیاست‌گذار مالی (دولت) و پولی (بانک مرکزی) جهت دستیابی به اهداف خود یعنی رسیدن به رشد اقتصادی ( $G$ ) بالا توسط دولت و ثبات تورم ( $\pi$ ) توسط بانک مرکزی با یکدیگر تعامل می کنند. همچنین، در این بازی با دو بازیگر دولت از ابزار سیاستی بودجه ( $D$ ) و بانک مرکزی از ابزار سیاستی نرخ بهره ( $R$ ) برای رسیدن به اهداف خود استفاده می کنند. از این رو، ماتریس بازی بین دو مقام پولی و مالی را به صورت ماتریس ۵ می توان نشان داد. به عنوان نمونه، پیامد  $G_{11}$  و  $\pi_{11}$  به ترتیب نشان دهنده پیامد دولت و بانک مرکزی زمانی است که مقام مالی استراتژی سیاست مالی انقباضی (سیاست کاهش کسری بودجه و کاهش مخارج دولت) را در پیش می گیرد و بانک مرکزی نیز سیاست پولی انقباضی (افزایش نرخ بهره در اقتصاد) را در دستور کار قرار می دهد.

ماتریس ۵: بازی بین دو مقام پولی و مالی

		بانک مرکزی	
		سیاست پولی انبساطی ( $R_1$ )	سیاست پولی انقباضی ( $R_2$ )
دولت	سیاست مالی انقباضی ( $D_1$ )	$G_{11}, \pi_{11}$	$G_{12}, \pi_{12}$
	سیاست مالی انبساطی ( $D_2$ )	$G_{21}, \pi_{12}$	$G_{22}, \pi_{22}$

همچنین، با توجه به تغییرات سیاست‌های مالی و پولی در این بازی دو فرض زیر در نظر گرفته می‌شود؛ به طوری که  $\Delta$  نشان‌دهنده عملیات تفاضل مرتبه اول است:

$$\Delta D = D_2 - D_1 > 0 \quad (1)$$

$$\Delta R = R_2 - R_1 < 0 \quad (2)$$

براساس این فرض استراتژی‌های سیاست مالی و پولی را از سیاست‌های محدود‌کننده‌تر (سیاست انقباضی) به سیاست‌های گستردگی (سیاست انبساطی) مرتب می‌نماید؛ به طوری که افزایش سیاست مالی انبساطی همراه با افزایش کسری بودجه و افزایش سیاست پولی انبساطی با کاهش نرخ بهره همراه است (محمدی‌نیا و فروتن‌نیا، ۱۴۰۳، ۲۰۱۵؛ لسیجویچ، ۲۰۱۳)، در این بخش برای طراحی بازی بین دو سیاست‌گذار و به منظور انعکاس وابستگی متقابل بین رشد اقتصادی و تورم ازیکسو و ابزارهای سیاست اقتصاد کلان از جمله سیاست‌های پولی و مالی ازسوی دیگر، از یک تابع لجستیک تعديل شده<sup>۱</sup> استفاده شده است. براساس این تابع اثربخشی ابزارهای سیاست‌های پولی و مالی در حد بالا و حد پایین کاهش می‌یابد؛ یعنی در این تابع امکان کاهش تورم از طریق استفاده از سیاست‌های پولی انقباضی فراینده، و همچنین، امکان تحریک رشد اقتصادی از طریق سیاست‌های مالی انبساطی فراینده محدود می‌شود.

تابع پایه‌ای لجستیک را می‌توان در فرم زیر نمایش داد:

$$f(x) = \frac{k}{1 + e^{-\omega(x-x_0)}} \quad (3)$$

که براساس این معادله،  $k$  نشان‌دهنده مقدار ماکزیمم منحنی است و  $\omega$  نرخ رشد لجستیک و شیب منحنی است. همچنین، در این معادله زمانی که  $0 > \theta$  است، تابع یکنواخت می‌باشد و از طرفی دامنه تغییرات تابع بازه  $[0, k]$  می‌باشد. براساس مقادیر پارامترهای  $k$  و  $\omega$ ، این تابع لجستیک زمانی افزایش می‌یابد که هر دو پارامتر از یک علامت باشند و زمانی کاهش می‌یابد که هر دو پارامتر دارای علامت مخالف باشند. ازسوی دیگر، معادله ۳ را می‌توان با افزودن یک جز ثابت  $\omega$  به صورت معادله (۴) بازنویسی کرد:

$$f(x) = \frac{k}{1 + e^{-\omega(x-x_0)}} + \omega \quad (4)$$

به طوری که این تابع می‌تواند از یک مقدار اولیه دلخواه تا یک مقدار نهایی دلخواه با استفاده از مقادیر مناسب  $k$  و  $\omega$  تغییر کند. با وجود این، در چارچوب بازی بین دو مقام پولی و مالی با توجه به اهداف بازی و ابزارهای مورداستفاده، ما با چهار وضعیت زیر از تابع لجستیک مربوط به بازی بین سیاست‌گذاری پولی ( $M$ ) و مالی ( $F$ ) مواجه هستیم:

$$G = f(D) = \frac{k_{D\_F}}{1 + e^{-\omega_{D\_F}(D)}} + \omega_{D\_F} \quad (5)$$

$$G = f(R) = \frac{k_{R\_F}}{1 + e^{-\omega_{R\_F}(R)}} + \omega_{R\_F} \quad (6)$$

$$\pi = f(R) = \frac{k_{R\_M}}{1 + e^{-\omega_{R\_M}(R)}} + \omega_{R\_M} \quad (7)$$

$$\pi = f(D) = \frac{k_{D\_M}}{1 + e^{-\omega_{D\_M}(D)}} + \omega_{D\_M} \quad (8)$$

که معادلات ۵ و ۶ نشان‌دهنده ارتباط بین سطح رشد اقتصادی براساس ابزارهای سیاست‌های مالی و پولی، و معادلات ۷ و ۸ نشان‌دهنده ارتباط بین سطح تورم براساس ابزارهای سیاست‌های مالی و پولی است. در این بخش با توجه به شبیه‌سازی مدل برای اقتصاد ایران، لازم است تا به بررسی ارتباط و علامت بین متغیرهای هدف و ابزارهای سیاستی یعنی  $\frac{d\pi}{dR}$ ،  $\frac{d\pi}{dD}$ ،  $\frac{dG}{dR}$  و  $\frac{dG}{dD}$  پردازیم؛ زیرا تعیین علامت‌های مناسب این روابط نقش مهمی در شبیه‌سازی مسیرهای تعادلی دارد.

برای تعیین این ضرایب و علامت‌ها برای اقتصاد ایران با استفاده از رگرسیون حداقل مربعات معمولی به استخراج این مشتقات جزئی در طی دوره زمانی ۱۳۵۷ تا ۱۴۰۰ براساس آمار و ارقام ویگاه بانک مرکزی ایران پرداخته می‌شود. براساس معادله ۹ یک ارتباط مثبت و معناداری بین رشد اقتصادی و نرخ بهره وجود دارد که متناظر با الگوی مکینون - شاو است. معادله ۱۰ نشان می‌دهد ارتباط منفی بین رشد اقتصادی و کسری بودجه وجود دارد که دیدگاه سنتی کلاسیک‌ها و نئوکلاسیک‌ها است؛ به طوری که براساس این دیدگاه افزایش کسری بودجه و کاهش مالیات‌ها سبب افزایش مصرف و کاهش پس‌انداز بخش خصوصی و ملی و درنتیجه رشد اقتصادی می‌شود.

همچنین، معادله ۱۱ نشان دهنده یک ارتباط منفی بین تورم و نرخ بهره است. براساس دیدگاه نوکلاسیکی افزایش نرخ بهره به عنوان یک سیاست پولی انقباضی می‌تواند به کاهش سطح تورم در اقتصاد منجر شود. معادله ۱۲ نیز تأییدکننده ارتباط منفی بین نرخ تورم و سطح کسری بودجه است.

$$G = 0/03 + 0/22R + u,$$

(2/62) (2/09)

$$\frac{dG}{dR} > 0 \quad (9)$$

$$G = 0/04 - 0/83D + u,$$

$$\frac{dG}{dD} < 0 \quad (10)$$

(3/11) (-2/70)

$$\pi = 0/12 - 0/96R + u,$$

$$\frac{d\pi}{dR} < 0 \quad (11)$$

(19/1) (-18/9)

$$\pi = 0/22 - 0/49D + u,$$

$$\frac{d\pi}{dD} < 0 \quad (12)$$

(10/1) (-1/76)

نتایج نشان می‌دهد که همگی ضرایب از لحاظ آماری معنادار هستند (آماره  $t$  در پرانتز مشخص شده است) و براساس شواهد اقتصاد ایران،  $\theta_{D\_F} < 0$ ،  $\varphi_{D\_F} < 0$  و  $k_{D\_F} > 0$  است. با توجه به این علامت‌ها می‌توان درک کرد که در معادله ۵ با فرض اینکه  $\theta_{D\_F} > 0$  و  $\omega_{D\_F} > 0$  و  $k_{D\_F} < 0$  است، در این وضعیت حداکثر مقدار ارزش برای رشد اقتصادی برابر  $\omega_{D\_F}$  و کمترین مقدار برابر  $k_{D\_F}$  است. همچنین، در معادله ۶ با فرض اینکه  $\theta_{R\_F} > 0$  و  $\varphi_{R\_F} > 0$  باشد، در این وضعیت حداکثر مقدار ارزش برای رشد اقتصادی برابر  $\omega_{R\_F}$  و کمترین مقدار برابر  $k_{R\_F}$  است. در معادله ۷ با فرض اینکه  $\theta_{R\_M} > 0$  و  $\varphi_{R\_M} > 0$  باشد، در این وضعیت حداکثر مقدار ارزش برای تورم  $\omega_{R\_M}$  و کمترین مقدار برابر  $k_{R\_M}$  است. درنهایت، براساس معادله ۸ با فرض اینکه فرض  $\theta_{D\_M} > 0$  و  $\varphi_{D\_M} < 0$  باشد، در این وضعیت حداکثر مقدار ارزش برای تورم  $\omega_{D\_M}$  و کمترین مقدار  $k_{D\_M} < 0$  باشد.

براساس این ما برای بررسی پیامدهای هر بازیکن، فرض می‌کنیم که اهداف دولت و بانک مرکزی افزون بر وابستگی بر روی ابزار مربوط به خودش بلکه به ابزارهای مورد استفاده بازیکن دیگر نیز وابسته است و از این‌رو، ما با یک استراتژی ترکیب سیاستی بین دو بازیکن در قالب زیر مواجه هستیم:

$$G = f(D, R) = \frac{k_{D\_F}}{1 + \frac{\theta_{D\_F}}{\varphi_{D\_F}(D)}} + \frac{k_{R\_F}}{1 + \frac{\theta_{R\_F}}{\varphi_{R\_F}(R)}} + \omega_F \quad (13)$$

$$\pi = f(R) = \frac{k_{D\_M}}{1 + \frac{\theta_{D\_M}}{\varphi_{D\_M}(D)}} + \frac{k_{R\_M}}{1 + \frac{\theta_{R\_M}}{\varphi_{R\_M}(R)}} + \omega_M \quad (14)$$

درادامه، برای ایجاد ماتریس پیامد ابتدا باید استراتژی هر بازیکن را تعیین و سپس براساس معادلات ۱۳ و ۱۴ و اهداف سیاستی هر بازیکن، پیامد نهایی هر بازیکن را مشخص کرد. برای بررسی استراتژی هر بازیکن، با استفاده از آمار و ارقام مربوط به کسری بودجه و نرخ بهره در طی دهه‌های اخیر، انقباضی ترین و انبساطی ترین سیاست‌ها مشخص و سپس براساس این دامنه تابع پیامد هر بازیکن مشخص و سپس تعادل‌ها نیز براساس تعریف ۲ و ۳ استخراج می‌شود. همچنین، مقادیر سایر پارامترها از جمله  $\theta$ ،  $\varphi$ ،  $k$  و  $\omega$  براساس مطالعات پیشین از جمله ورونيچکا-لسیجویچ (۲۰۱۳ و ۲۰۱۵) و شواهد اقتصاد ایران استخراج شده است؛ به طوری که مقادیر پارامترهای  $\theta$  و  $\varphi$  به طور پیش‌فرض و برای سادگی در تحلیل براساس مطالعه ورونيچکا-لسیجویچ (۲۰۱۵) یک در نظر گرفته شده و مقادیر پارامترهای  $k$  و  $\omega$  براساس شواهدی اقتصاد ایران و براساس حد بالا و پایین رشد اقتصاد و تورم بررسی شده است.

از این‌رو، ماتریس بازی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی بر حسب مقادیر داده‌های موجود برای اقتصاد ایران براساس استراتژی‌های مختلف بانک مرکزی و دولت به صورت ماتریس ۶ طراحی می‌شود. با بررسی تعادل نش و تعادل برگ براساس تعاریف ۲ و ۳ می‌توان مشاهده کرد که در این بازی دو سیاست‌گذاری تعادل نش جایی است که بانک مرکزی استراتژی سیاست پولی انقباضی و دولت سیاست مالی - انقباضی را در پیش می‌گیرد و بنابراین، میزان تورم برابر  $0/0934$  و رشد اقتصادی  $0/0817$  می‌باشد و از سوی دیگر، در تعادل برگ

جایی است که بانک مرکزی سیاست پولی انقباضی و دولت سیاست مالی انبساطی را در دستور کار قرار می‌دهد و ازین‌رو، تورم برابر ۰/۰۹۲۸ و رشد اقتصادی برابر ۰/۰۸۰۲ است. ازطرف دیگر، این نتایج نشان می‌دهد که با توجه به اهمیت مسئله کنترل تورم در اقتصاد وجود تورم‌های افسارگسیخته در طی دهه‌ای اخیر در اقتصاد ایران، در تعادل برگ یعنی در بازی نوع دوستانه بین دو سیاست‌گذار سطح تورم نسبت به تعادل نش، در وضعیت پایین‌تری قرار داد.

مatrix ۶: پیامد بازی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی

استراتژی‌های بانک مرکزی (R) بر حسب درصد (%)							
استراتژی‌های دولت (D) بر حسب درصد (%)	۰/۲	۰/۱۸	۰/۱۶	۰/۱۴	۰/۱۲	۰/۱	۰/۰۸
	۰/۰۹۴۳	۰/۰۹۴۶	۰/۰۹۵۰	۰/۰۹۵۳	۰/۰۹۵۷	۰/۰۹۶۰	۰/۰۹۶۴
	۰/۸۱۷	۰/۰۸۱۲	۰/۰۸۰۸	۰/۰۸۰۳	۰/۷۹۸	۰/۰۷۹۳	۰/۷۸۹
	۰/۰۱	۰/۰۹۴۰	۰/۰۹۴۴	۰/۰۹۴۷	۰/۰۹۵۱	۰/۰۹۵۴	۰/۰۹۵۸
	۰/۸۱۴	۰/۰۸۱۰	۰/۰۸۰۵	۰/۰۸۰۰	۰/۷۹۶	۰/۰۷۹۱	۰/۷۸۶
	۰/۰۲	۰/۰۹۳۸	۰/۰۹۴۱	۰/۰۹۴۵	۰/۰۹۴۸	۰/۰۹۵۲	۰/۰۹۵۵
	۰/۸۱۲	۰/۰۸۰۷	۰/۰۸۰۳	۰/۷۹۸	۰/۷۹۳	۰/۰۷۸۸	۰/۷۸۴
	۰/۰۳	۰/۰۹۳۶	۰/۰۹۳۹	۰/۰۹۴۲	۰/۰۹۴۶	۰/۰۹۴۹	۰/۰۹۵۳
	۰/۸۰۹	۰/۰۸۰۵	۰/۰۸۰۰	۰/۷۹۵	۰/۷۹۱	۰/۰۷۸۶	۰/۷۸۱
	۰/۰۴	۰/۰۹۳۳	۰/۰۹۳۷	۰/۰۹۴۰	۰/۰۹۴۴	۰/۰۹۴۷	۰/۰۹۵۱
	۰/۸۰۷	۰/۰۸۰۲	۰/۰۷۹۸	۰/۷۹۳	۰/۷۸۸	۰/۰۷۸۳	۰/۷۷۹
	۰/۰۵	۰/۰۹۳۱	۰/۰۹۳۴	۰/۰۹۳۸	۰/۰۹۴۱	۰/۰۹۴۵	۰/۰۹۴۸
	۰/۸۰۴	۰/۰۸۰۰	۰/۰۷۹۵	۰/۷۹۰	۰/۷۸۶	۰/۰۷۸۱	۰/۷۷۶
	۰/۰۶	۰/۰۹۲۸	۰/۰۹۳۲	۰/۰۹۳۵	۰/۰۹۳۹	۰/۰۹۴۲	۰/۰۹۴۶
	۰/۸۰۲	۰/۰۷۹۷	۰/۰۷۹۳	۰/۷۸۸	۰/۷۸۳	۰/۰۷۷۸	۰/۷۷۴

## ۸. جمع‌بندی

نظریه بازی به بررسی تعامل و تقابل بین بازیکنان در بازی می‌پردازد که بازیکنان می‌توانند شامل انسان‌ها، کشورها، شرکت‌ها و غیره باشند. ازسوی دیگر، فلسفه اخلاقی نیز بر تصمیم‌گیری در تعاملات انسانی براساس عقلانیت استوار است. ازین‌رو، یک ارتباط تنگاتنگی بین دو مفهوم نظریه بازی و فلسفه اخلاقی وجود دارد. در طی قرن‌های اخیر اصل منفعت شخصی، که برگرفته از دیدگاه آدام اسمیت است، به عنوان اصول اخلاقی و عقلانی در تصمیم‌گیری‌های فردی و جمعی مطرح است و تعادل نش نیز به پیروی از همین دیدگاه توسط جان نش مطرح شد و در آن هر بازیکن براساس نفع شخصی و سودمندی در تلاش است تا در مقابل رقیب خود به بهترین پیامد دست یابد که به عنوان دیدگاه عقلانیت فردی یا خودگرایی در اخلاق نیز از آن یاد می‌شود. با وجود این، مطالعات نشان داده‌اند که پیگیری منفعت شخصی، سبب دستیابی به بالاترین مطلوبیت و پیامد نمی‌شود و ازین‌رو، برگ تعادلی را معرفی کرد که به عنوان تعادل نوع دوستانه یا ایثارگرانه معروف است که در مقابل تعادل نش قرار گرفته است.

همچنین، در دیدگاه اخلاقی این نوع تعادل به عنوان عقلانیت گروهی یا دیگرگرایی نیز شناخته شده است. در دیدگاه‌های اسلامی نیز تأکید زیاد بر رفتارهای نوع دوستانه، ایثارگرانه و انفال شده است. ازین‌رو، در این مطالعه به بررسی مفهوم تعادل نش و تعادل برگ در برخی از بازی‌های مهم و کاربردی در علوم انسانی پرداخته می‌شود که کاربردهای مهمی در اقتصاد، علوم سیاست و... دارد. در اینجا بدنبال پاسخ به این سوال هستیم که کدامیک از این دو دیدگاه می‌تواند منافع اجتماعی بیشتری برای جامعه و اقتصاد به همراه داشته باشد و کدامیک با رویکرد اخلاقی و عقلانی سارگارتر است؟ نتایج حاصل از این تحقیق نشان می‌دهد که در بسیاری از این بازی‌های مهم و مشهور تعادل نوع دوستانه و پیگیری قاعده طلایی و حمایت متقابل بین بازیکنان اثرات مثبتی بر رفاه جامعه نسبت به تعادل نش دارد. ازسوی دیگر، در این مطالعه در چارچوب تابع لوگستیک، بازی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی از جنبه تجربی بررسی شد و نتایج آن نشان می‌دهد که در تعادل برگ یعنی در بازی نوع دوستانه بین دو سیاست‌گذار سطح تورم نسبت به تعادل نش، در وضعیت پایین‌تری ثبت می‌شود.

### منابع

۱. افراسیاب پور، علی‌اکبر (۱۳۸۹). اخلاق در مصباح‌الهدایه. *مطالعات اخلاق کاربردی*, ۶(۲۲)، ۶۹-۹۳.
۲. پویمان، لویی (۱۳۷۸). درآمدی بر فلسفه اخلاق. ترجمه شهرام ارشد نژاد، تهران: گیل.
۳. جمالی، یعقوب، و محمد‌جمال خلیلیان اشکندری (۱۳۹۹). «اتفاق، ایشار و مواسات مالی و نقش هریک در توزیع درآمد و ثروت جامعه اسلامی». *فصلنامه معرفت*, ۵(۲۹)، ۸۱-۹۰.
۴. دیلمی، حسن بن محمد (۱۳۶۷). *اعلام الدين في صفات المؤمنين*. قم: مؤسسه آل البيت عليهم السلام لإحياء التراث.
۵. سن، آمارتیا (۱۳۷۷). اخلاق و اقتصاد. ترجمة حسن فشارکی. تهران: شیرازه.
۶. عربی، سید‌هادی، زاهدی‌وفا، محمد‌هادی، رضائی، محمدجواد و مهدی موحدی بکنظر (۱۳۹۵). «نظریه بازی به مثابه ابزاری برای فلسفه اخلاق؛ تبیینی تاریخی و تحلیلی انتقادی». *فصلنامه اقتصاد اسلامی*, ۱۶(۶۳)، ۹۱-۱۱۶.
۷. متولی، محمود و حمید پاداش (۱۳۸۵). «جایگاه نظریه فرا-اقتصاد در تحلیل‌های اقتصادی». *فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی*, ۱(۱)، ۹۳-۱۱۹.
۸. محمودی‌نیا، داود (۱۴۰۲). *نظریه بازی‌های مقدماتی (کاربرد در اقتصاد و سایر رشته‌ها)*. ج ۱، رفسنجان: انتشارات دانشگاه ولی‌عصر (عج) رفسنجان.
۹. محمودی‌نیا، داود و داود فروتنیا (۱۴۰۳). «تعادل نش، برگ و حریصانه در چارچوب بازی ترکیبی بین دو سیاست‌گذار پولی و مالی در فرم نرمال: کاربردی از بازی معماهی زندانی». *فصلنامه سیاست‌گذاری اقتصادی*, ۱۶(۳۲)، ۲۶۲-۳۰۶.
۱۰. محمودی‌نیا، داود، بخشی دستجردی، رسول و سمیه جعفری (۱۳۹۶). «استخراج قاعده بهینه سیاست پولی و مالی در چارچوب نظریه بازی‌ها: کاربردی از مدل‌های تعادل عمومی پویای تصادفی». *فصلنامه نظریه‌های کاربردی اقتصاد*, ۴(۴)، ۱۴۳-۱۷۴.
۱۱. مرادی، علی (۱۳۹۷). «بررسی رابطه بین پایگاه اقتصادی- اجتماعی کارکنان و رفتارهای نوع دوستانه (مورد مطالعه: شرکت نفت کرمانشاه)». *فصلنامه توسعه اجتماعی*, ۱۲(۴)، ۷۹-۱۱۲.
۱۲. یونسی، حمیدرضا، فیضی، زهرا و لیلا خسروی‌مراد (۱۴۰۱). «مفهوم قرآنی ایشار و کارکرد آن در نظم اجتماعی سنتی و مدرن». *پژوهشنامه قرآن و حدیث*, ۳۱، ۲۵-۳۴۹.
13. Afrāsīyābpour, A. (2010). Ethics in Misbāh Al-Hidāyah. *Applied Ethics Studies*, 6(22), 69-93. [In Persian]
14. Alfano, M., Rusch, H., & Uhl, M. (2018). Ethics, Morality, and Game Theory. *Games*, 9(2), 20. doi:10.3390/g9020020.
15. Alger, I., & Weibull, J. (2017). Strategic Behavior of Moralists and Altruists. *Games*, 8, 38. doi:10.3390/g8030038.
16. Arabi, S. H., Zāhedi Vafā, M., Rezāeī, M., & Movahedi Beknazār, M. (2016). Game Theory as a Tool for Moral Philosophy; a Historical Explication and a Critical Analysis. *Islamic Economics*, 16(36), 91-116. [In Persian]
17. Berge, C. (1957). *Théorie générale des jeux à n personnes* [General theory of n-person games]. Paris: Gauthier-Villars.
18. Binmore, Kenneth G. (1994). *Playing fair: Game Theory and the Social Contract*. Cambridge, Mass., London: The MIT Press.
19. Borissov, K., Pakhnin, M., & Wendner, R. (2023). Cooperating with yourself. *CEPET 2022 Workshop*.
20. Braithwaite, R. B. (1954). *Theory of Games as a Tool for the Moral Philosopher. An Inaugural Lecture Delivered in Cambridge on 2 December 1954*. Cambridge University Press: Cambridge, UK: ISBN 9780521043076.
21. Carmichael, F. (2005). *A Guide to Game Theory*. Harlow: Prentice Hall
22. Chakravarty, S.R., Mitra, M., & Sarkar, P. (2015). *A Course on Cooperative Game Theory*. Cambridge University Press, Cambridge.

23. Charnbedin, J. R. (1989). Ethics and Game Theory. *ETHICS & INTERNATIONAL AFFAIRS*, 3, 261-276.
24. Colman, A. M., Korner, T.W., Musy, O., & Tazda, T. (2011). Mutual support in games: some properties of Berge equilibria. *Journal of Mathematical Psychology*, 55(2), 166–175.
25. Corley, H. W. (2017). Normative Utility Models for Pareto Scalar Equilibria in n-Person, Semi-Cooperative Games in Strategic Form. *Theoretical Economics Letters*, 7, 1667-1686.
26. Courtois, P., Nessah, R., & Tazdait, T. (2015). How to play games? Nash versus Berge behaviour rules. *Economics & Philosophy*, 31(1), 123-139.
27. Dailami, H. (1988). *Religious media in the characteristics of believers*. Qom: Al-Bayt Foundation. [In Persian]
28. Deng, x., & Deng, J. (2015). A Study of Prisoner's Dilemma Game Model with Incomplete Information. *Mathematical Problems in Engineering*. <http://dx.doi.org/10.1155/2015/452042>.
29. Diacon, P. E. (2014). Pro-Social Behaviours: Between Altruism and Self-interest. *ACTA UNIVERSITATIS DANUBIUS*. 10(5), 68-80.
30. Dixit, A., Skeath, S., & Reiley, D. (2015). *Games of strategy*. W.W. Norton & Company. Fourth edition.
31. Espinola-Arredondo, A., & Muñoz-Garcia, F. (2023). *Game Theory: An Introduction with Step by-Step Examples 1st ed.* Palgrave Macmillan.
32. Gauthier, D. P. (1986). *Morals By Agreement*. Oxford: Clarendon Press.
33. Holmes, J., Miller, D., & Lerner, M. (2002). Committing Altruism under the Cloak of Self-Interest: The Exchange Fiction. *Journal of Experimental Social Psychology*, 38, 144–151.
34. Jamālī, Y., & Khalilīān Ashk'zarī, M. (2019). Spending, Sacrifice, and Financial Compassion and the Role of Each in the Distribution of Income and Wealth in Islamic Society. *Ma'rifat*, 29(5): 81-90. [In Persian]
35. Jencks, C. (1990). *Varieties of altruism*. In J. J. Mansbridge (Ed.), *Beyond self-interest*. University of Chicago Press.
36. Joseph, J. (2015). Self-interest and Altruism: Pluralism as a Basis for Leadership in Business. *Business and Management Studies*, 1(2), 106-114.
37. Larbani, M., & R. Nessah. (2008). A note on the existence of Berge and Berge-Nash Equilibria. *Mathematical Social Sciences*, 55, 258–271.
38. Lindbeck, A., Weibull, J. (1988). Altruism and Time Consistency—The Economics of Fait Accompli. *J. Political Econ*, 96, 1165–1182.
39. Mahmoudiniā, D. (2023). *Introductory game theory (Application in Economics and other fields), First Volume*. Vali-e-Asr University of Rafsanjan. [In Persian]
40. Mahmoudiniā, D., & Foroutan'nia, D. (2025). An analysis of Nash, Berge, and Greedy equilibrium in the context of a mixed game involving monetary and financial policymakers in normal form: An application of the prisoner's dilemma. *The Journal of Economic Policy*, 16(32), 262-306. [In Persian]
41. Mahmoudiniā, D., Bakhshī Dastjerdi, R., & Jafari, S. (2018). Extraction of Optimal Fiscal and Monetary Policy Rules in Framework of Game Theory: Application of Dynamic Stochastic General Equilibrium Model. *Quarterly Journal of Applied Theories of Economics*, 4(4), 143-174. [In Persian]
42. Maynard Smith, J. (1982), *Evolution and the Theory of Games*, Cambridge University Press, Cambridge and New York.
43. Morādī, A. (2018). The Survey of Relationship between Staffs Economic-Social Position and Altruism Behaviors (Case Study: Kermanshah Oil Corporation). *Social Development*, 12(4), 79-112. [In Persian]
44. Motavasalī, M., & Hamīd, B. (2006). The Place of Meta-Economic Theory in Economic Analyses. *Quarterly Journal of Economic Research*, 6(1), 119-93. [In Persian]

45. Nash, J. F. (1950). The bargaining problem. *Econometrica*, 18, 155-162.
46. Pojman, L. (2006). *Ethics: Discovering Right and Wrong*. Wadsworth Publishing Company. [In Persian]
47. Russell, B. (1959). *Common sense and nuclear warfare*. London: Allen & Unwin.
48. Salukvadze, M. E., & Zhukovskiy, V. I. (2020). The Berge Equilibrium: A Game-Theoretic Framework for the Golden Rule of Ethics. <https://link.springer.com/book/10.1007/978-3-030-25546-6>
49. Sawicki, P., Pykacz, J., & Bytnar, P. (2019). Berge equilibria in n-person 2-strategy games. Computer Science and Game Theory. <https://doi.org/10.48550/arXiv.1904.08228>
50. Sen, A. (1991). *On Ethics and Economics*. Wiley-Blackwell
51. Smith, J. M., & Price, G. (1973). The logic of animal conflict. *Nature*, 246, 15
52. Stawska, J., Malaczewski, M., & Szymańska, A. (2019). Combined monetary and fiscal policy: the Nash Equilibrium for the case of noncooperative game. *Economic Research-Ekonomska Istraživanja*, 32(1), 3554-3569.
53. Von Neumann, J. & Morgenstern, O. (1944). *Theory of Games and Economic Behavior*. Princeton University Press, Princeton.
54. Wilson, D. R., & Evans, C. S. (2008). Mating success increases alarm-calling effort in male fowl, Gallus gallus. *Animal Behavior*, 76, 2029–2035.
55. Woroniecka-Leciejewicz, I. (2015). Equilibrium strategies in a fiscal-monetary game: a simulation analysis. *Operation research and decision*. DOI: 10.5277/ord150205
56. Younesī, H., Feizī, Z., & Khosravīmorād, L. (2023). Quranic Concept of Self-Sacrifice and its Function in Traditional and Modern Social Order. *Pazhoūhesh Nāme-ye Qur'an va Hadith Journal*, 16 (31), 325-349. [In Persian]
57. Zapata, A., Mármlol, A. M., & Monroy, L. (2024). Berge equilibria and the equilibria of the altruistic game. *TOP*, 32, 83-105.
58. Zhukovskii, V. I. (1985). In P. Kenderov (Ed.), *Mathematical methods in operations research, Matematicheskie metody v issledovanii operacij* [Some problems of nonantagonistic differential games] (pp. 103–195). Sofia: Bulgarian Academy of Sciences.